

# Drawing a Scientific Map and Analyzing the Co-occurrence Network of Master's Dissertations and Doctoral Theses in Mathematics Education at Iranian Universities

Vahideh  
Soleymani Rad<sup>1</sup>

Younes  
Karimi Fardinpour<sup>2\*</sup>

Mohammad Hassan  
Behzadi<sup>3</sup>

Ahmad  
Shahvarani Semnani<sup>4</sup>

-  1. Ph.D Candidate in Mathematics Education, Department of Mathematics, Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran.  
Email: v.soleymanirad@gmail.com
-  2. Assistant Professor in Mathematics Education, Department of Mathematics, Ahar Branch, Islamic Azad University, Ahar, Iran.  
(Corresponding Author)
-  3. Associate Professor in Statistics, Department of Statistics, Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran.  
Email: behzadi@srbiau.ac.ir
-  4. Assistant Professor in Mathematics Education, Department of Mathematics, Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran.  
Email: Ahmad.shahvarani@yahoo.com

Email: y-k-fardinpour@iau-ahar.ac.ir

## Abstract

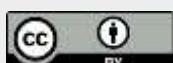
Received:  
03/10/2024

Revised:  
01/01/2025

Accepted:  
17/01/2025

Early online access:  
24/01/2025

Published:  
01/04/2025



**Purpose:** Studying the scientific research output of universities to identify researchers' interests and potential challenges for future research is considered a crucial endeavor. Mathematical education has recently garnered attention from universities, leading to an increase in student numbers pursuing graduate studies in this field. To facilitate effective planning and policymaking, it is essential to review and analyze past research, examine mathematics education theses, and create a scientific map. This map will help us understand the distribution of topics, analyze influential research concepts, and identify research gaps. This study aims to create a scientific map and analyze word co-occurrences in mathematics education theses from seven prominent universities in Iran.

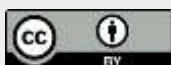
**Methodology:** The current research aims to investigate the co-occurrence of keywords in master's and doctoral theses within the field of mathematics education at leading Iranian universities. This study utilizes a descriptive-analytical approach based on social network analysis indicators. The statistical population comprises 1,123 theses from various universities, including Shahid Rajaee Teacher Training University, Shahid Beheshti University, Ferdowsi University, Bahonar University, Chamran University, Islamic Azad University of Science and Research Branch, and Islamic Azad University of Zahedan Branch, covering the period from 2001 to 2022. Data collection involves creating a checklist that includes thesis information, followed by four stages: data preparation, keyword matrix formation, calculation of social network analysis indicators, creation of co-occurrence graphs, and generation of scientific maps using software such as Excel, Ravar Matrix, Cinetic, NetDraw, and VOSviewer.

**Findings:** The research findings indicate that scientific output in the field of mathematics education at the university level has increased over time, peaking in 2011 and 2017. However, there has been a gradual decline in output since 2011, with a more pronounced decrease observed since 2020. Despite this decrease, the total number of doctoral dissertations has risen between 2017 and

2023, and there has been an increase in the number of theses produced since 2016. One of the most important indicators in social network analysis is centrality, which comes in various forms and indicates the positions of specific nodes within the network. In the present study, three types of centrality indicators, namely degree centrality, betweenness centrality, and closeness centrality, were utilized. The results indicate that mathematical performance is the most influential term among theses and has had access to a larger network. Following that, mathematical education, problem-solving, learning, and various teaching methods have influenced the subjects of theses more. The findings have shown that educational and learning keywords have a higher level of centrality and serve as mediators in communication and coherence among other terms, playing a vital role in information transfer. The results indicate that mathematical education learning and mathematical performance have the closest centrality and are linked with the least distance to other terms.

Vahideh  
Soleymani Rad<sup>1</sup>  
Younes  
Karimi Fardinpour<sup>2\*</sup>  
Mohammad Hassan  
Behzadi<sup>3</sup>  
Ahmad  
Shahvarani Semnani<sup>4</sup>

Received:  
03/10/2024  
Revised:  
01/01/2025  
Accepted:  
17/01/2025  
Early online access:  
24/01/2025  
Published:  
01/04/2025



**Conclusion:** The findings indicate a relative decline in the production of master's theses in mathematics education since the year 2020, attributed to the spread of the coronavirus and a decrease in university activities. An analysis of keywords in the thesis titles revealed that mathematics education had the highest frequency, followed by words like learning, mathematical performance, problem-solving, and various teaching methods, highlighting the significance of these concepts in research within the field of mathematics education. Examination of the educational levels of the theses also showed that nearly half of the educational research in Iran's mathematics education was conducted at the secondary school level (high school), followed by the middle school level (high school) and elementary school level, indicating a focus on school mathematics in educational research. In this regard, for future research in this field, further study on topics such as pre-school mathematics education, vocational and professional training, in-service courses, higher education, and postgraduate studies is recommended. Analysis of the co-occurrence relationships of vocabulary present in thesis titles reveals that mathematical performance is the most influential term and has a broader network. On the other hand, due to having the highest centrality indices, mathematical education, and learning are subjects that play the most prominent intermediary role among other thesis topics, establishing a more effective relationship and continuity among them. This implies that these topics have had the highest information transfer burden among the selected concepts by researchers, considering the nature of the mathematical education focus, which is centered on the way mathematical instruction and learning are defined. The results show that mathematical education, learning, and mathematical performance have the highest degree of centrality proximity, establishing minimal distance from other subjects. The co-occurrence mapping of vocabulary indicates that pairs of vocabulary such as content analysis-textbooks, problem solving-math performance, math education-learning, and math education-math performance have the highest levels of co-occurrence, reflecting researchers' approaches to mathematical education research topic selection. These findings suggest that most studies conducted using content analysis have focused on textbooks.

**Keywords:** Master's dissertations, Doctoral theses, Mathematics education, Co-occurrence, Scientific map, Scientometrics

# ترسیم نقشه علمی و تحلیل شبکه هم رخدادی واژگان پایان نامه های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی در دانشگاه های مطرح ایران

وحیده سلیمانی راد<sup>۱</sup>يونس کریمی فردین پور<sup>۲</sup>محمد حسن بهزادی<sup>۳</sup>احمد شاهورانی سمنانی<sup>۴</sup>

۱. دانشجوی دکتری، گروه ریاضی، واحد علوم و تحقیقات، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران.

Email: v.soleymiranrad@gmail.com

۲. استادیار گروه ریاضی، واحد اهر، دانشگاه آزاد اسلامی، اهر، ایران (نویسنده مسئول)

۳. دانشیار گروه آمار، واحد علوم و تحقیقات، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران.

Email: behzadi@srbiau.ac.ir

۴. استادیار گروه ریاضی، واحد علوم و تحقیقات، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران.

Email: Ahmad.shahvarani@yahoo.com

Email: y-k-fardinpour@iau-ahar.ac.ir

## چکیده

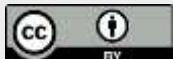
**هدف:** بررسی بروندادهای علمی دانشگاه‌ها، به منظور شناسایی موضوعات مورد توجه محققان و چالش‌های احتمالی برای تحقیقات آتی آنان، از جمله مهم‌ترین مطالعات محسوب می‌شود. پژوهش حاضر با هدف ترسیم نقشه علمی و تحلیل هم رخدادی واژگان در پایان نامه‌های آموزش ریاضی هفت دانشگاه مطرح ایران انجام شده است.

**روش‌شناسی:** این پژوهش کاربردی، با رویکرد توصیفی-تحلیلی و مبتنی بر فن علم سنجی است که با استفاده از شاخص‌های تحلیل شبکه اجتماعی صورت گرفته و جامعه آماری آن شامل ۱۱۲۳ پایان نامه کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی موردنظر داوران از سال ۱۳۸۰ تا ۱۴۰۱ است. تحلیل داده‌ها به وسیله نرم‌افزارهای اکسل، راورماتریس، یوسی آی نت، نت دراو و وس ویوور انجام شده است.

**یافته‌ها:** تولیدات علمی حوزه آموزش ریاضی در مقطع تحصیلات تکمیلی رشد نسبی داشته و بیشینه آن در سال‌های ۱۳۹۰ و ۱۳۹۶ است. از نظر شاخص مرکزیت درجه عملکرد ریاضی و از نظر شاخص مرکزیت نزدیکی و بینایی آموزش ریاضی و یادگیری اهمیت بیشتری در بین سایر واژگان دارند. این سه عبارت همراه با کلیدواژه حل مسئله پرسامدترین واژگان در بین عنوانین پایان نامه‌ها هستند و چگالی آن‌ها در نقشه علمی بالاترین سطح را دارد.

**نتیجه‌گیری:** نتایج این مطالعه نشان داد عملکرد ریاضی بیشترین دغدغه پژوهشگران و تأثیرگذارترین موضوع تحقیقاتی است. اغلب پایان نامه‌ها در موضوعات مرتبط با آموزش ریاضیات مدرسه‌ای به ویژه در دوره دوم متوسطه (مقطع دبیرستان) کارشده و مفاهیم آموزش ریاضی و یادگیری با ایجاد پیوند قوی‌تر با سایر مقوله‌ها، نقش مهم‌تری در انتقال اطلاعات بین موضوعات مختلف دارند. همچنین تحلیل محتوای کتاب‌های درسی، عملکرد ریاضی فراگیران در حل مسئله و ارتباط نوع آموزش با یادگیری ریاضی به دلیل بالاترین هم رخدادی واژگان بین آن‌ها، پر رونق‌ترین حوزه‌های پژوهشی محققان را در مطالعات دانشگاهی این رشته نشان می‌دهند.

**واژگان کلیدی:** پایان نامه‌های کارشناسی ارشد، رساله‌های دکتری، آموزش ریاضی، هم رخدادی و واژگان، نقشه علمی، علم سنجی.



## مقدمه و بیان مسئله

پیشرفت هر کشور بیش از هر عاملی، به پویایی نظام آموزش عالی آن وابسته است (رحمی و همکاران، ۱۴۰۰). تحلیل بروندادهای علمی دانشگاهها به دلیل روش ترکدن مسیر پژوهش های انجام شده و برای اتخاذ تصمیم های درست برنامه ریزان و سیاست گذاران، یکی از مهم ترین وجوه مطالعات علم سنجی است که پژوهشگران با اتکای به گذشته، آینده علمی حوزه تخصصی خود را تحلیل کرده (سهیلی و همکاران، ۱۳۹۵) و برای ارائه تصویری روش ن از موضوعات تحقیقاتی آینده، ساختار مطالعات موجود را بررسی می کنند (Putra et al., 2023). علم سنجی، از جمله روش های علمی شناخته شده است که می تواند یک نمای کلی از تحقیقات انجام شده باشد و شکاف های بین دانش موجود و ایده های جدید را برای پژوهش های آتی مشخص کند (Donthu et al., 2020). هدف از علم سنجی ارزیابی فعالیت های علمی و پژوهشی در گرایش های مختلف و عوامل مؤثر در توسعه آن ها است (کرمی و همکاران، ۱۳۹۴) که بررسی چگونگی ارتباط علمی پژوهش ها را امکان پذیر می سازد (Güzeller & Celiker, 2018). علم سنجی، از طریق بررسی و تحلیل اولویت ها، چشم اندازها و ظرفیت ها، نقش مهمی در تخصیص و توازن بودجه و ارتقای دانشگاهها و مؤسسات علمی داشته (Ivancheva, 2008) و نتایج مطالعات آن می تواند برای مقایسه کشورها، دانشگاهها، دانشمندان، محققان، انتشارات علمی و غیره مورد استفاده قرار گیرد (چاوشی و شعبانی، ۱۳۸۸، به نقل از عصاره، ۱۳۸۰). برای انجام مطالعات علم سنجی، مقیاس ها و فنون زیبادی وجود دارد (یزدانی و همکاران، ۱۳۹۳). ارزیابی کمی تولیدات علمی و ترسیم نقشه علمی که به کمک تحلیل هم رخدادی واژگان انجام می شود، از موضوعات مهم علم سنجی هستند (ابراهیم نیا و همکاران، ۱۴۰۱). از آن جاکه این روش به درک مناسبی از روند تولیدات علمی منجر می شود (خواستار و همکاران، ۱۳۹۰) و هم مدارک علمی را در واژگانی قادر تمند خلاصه می کند و هم امکان محاسبه هم رخدادی آن ها را فراهم می سازد، فرصت شناخت دقیقی از یک حوزه علمی ایجاد می کند (احمدی و عصاره، ۱۳۹۶). از جمله مهم ترین منابع تحقیقاتی در هر گرایشی، پایان نامه های تحصیلات تکمیلی هستند. استفاده از علم سنجی در بررسی پایان نامه ها به عنوان یکی از مهم ترین بروندادهای علمی دانشگاهها (مفهومی غربا و همکاران، ۱۳۸۶)، از آن جهت با اهمیت است که ساختار علمی شکل گرفته در آن ها را به خوبی نشان داده و تعیین می کند که محققان در جامعه پژوهشی مشخص چگونه می اندیشند (Ronau et al., 2014). از آن جاکه پایان نامه ها بر اساس استانداردهای پژوهشی دانشگاهها تدوین می شوند، می توان با تحلیل دقیق آن ها و هدایت درست شان، از ظرفیت بالقوه این منابع مهم علمی در حل چالش های اصلی بهره برد (ابراهیم نیا و همکاران، ۱۴۰۱). در بررسی پایان نامه ها، تحلیل موضوعات آن ها حائز اهمیت است چراکه انتخاب موضوع از جمله مهم ترین عوامل اثربخش در تحقق اهداف مورد انتظار پایان نامه ها بوده و به آن ها جهت می دهد.

آموزش ریاضی از جمله گرایش های مهم دانشگاهی و تخصصی میان رشته ای است که در سال های اخیر موردن توجه قرار گرفته و به عنوان یک دیسیپلین علمی، زاید نیازهای به وجود آمده از اواسط قرن بیستم است (گویا، ۱۳۹۵). اهمیت این حوزه علمی به دلیل آن است که به عنوان بخشی جدایی ناپذیر از برنامه درسی دوره های تحصیلی مختلف در نظر گرفته می شود، زیرا ریاضی برای بهبود مهارت های حل مسئله و تفکر انتقادی انسان ضروری است (Reotutar, 2020). امروزه دیگر ریاضیات یک موضوع درسی با اهداف محدود نیست، بلکه جریان طبیعی تفکر بشر است، مردم عادی به طور روزمره آن را به کار می بردند و بسیاری از رشته های علمی نظری علوم انسانی، فنی و مهندسی و علوم پایه به آن وابسته هستند (گویا، ۱۳۹۵). در دنیای کنونی علی رغم این که تقریباً همه افراد با توجهات مختلف

نیاز روزافزونی به یادگیری ریاضی دارند (همان)، اما صرفاً بر یادگیری آن و انجام محاسبات تأکید نمی‌شود و روش‌های معمول در یادگیری آن نظریه تمرین، تکرار و حفظ کردن دست‌خوش تغییرات بسیار زیادی شده‌اند (عیریضی و همکاران، ۱۳۸۹). به همین دلیل در سال‌های اخیر، بررسی چگونگی آموزش و یادگیری ریاضی و موضوعات مرتبط با این فرایندها مورد تأکید قرار گرفته و انعکاس این بررسی‌ها و مطالعات، در پژوهش‌های صورت گرفته خود را بیش از پیش نشان می‌دهند. بنابراین چیستی موضوعات و چگونگی و کیفیت تحقیقات انجام‌شده در حوزه آموزش ریاضی از اهمیت بسیاری برخوردار است. از سویی دیگر، افزایش تقاضا برای توسعه این رشته نشان‌دهنده آن است که نیاز واقعی به پذیرش نقش بالقوه آن در سیاست‌گذاری‌های مرتبط با حوزه آموزش و یادگیری ریاضیات از سوی تصمیم‌گیران و تصمیم‌سازان ایران، گسترش تحقیقات در آن و لزوم بررسی کیفی و کمی نتایج این پژوهش‌ها واقعی و جدی است (گویا، ۱۳۹۳). به منظور گسترش حوزه پژوهشی این رشته، ضروری است که با بررسی دستاوردها و نارسایی‌های آن در پژوهش‌های انجام‌شده، مسیر توسعه آن را هموارتر کنیم (گویا، ۱۳۹۵). از آنجاکه ماهیت آموزش ریاضی، آن را به عنوان یک گرایش میان‌رشته‌ای عرضه می‌کند (گویا، ۱۳۹۶)، لزوم مطالعه موضوعات پژوهشی در آن و چگونگی تلفیق آنها با موضوعات مرتبط با گرایش‌های دیگر وجود دارد و این ماهیت سبب حساسیت بیشتر در بررسی دایره موضوعات تحقیقی آن می‌شود. همچنین مطالعه در مورد روندهای تحقیقاتی آموزش ریاضی، بینشی درباره زمینه‌های نیازمند پژوهش بیشتر، ارائه داده و راه را برای مطالعات بیشتر و مؤثرتر نشان می‌دهد & Gökçe, 2021). همچنین این گونه مطالعات، محققان این حوزه را برای بحث و تبادل نظر علمی و روشن‌تر کردن مسیر مطالعات کوتاه‌مدت، میان‌مدت و بلندمدت راهنمایی می‌کند (Özkaya, 2018). ترسیم نقشه موضوعی پایان‌نامه‌های حوزه آموزش ریاضی، می‌تواند موجب آگاهی بیشتر از وضعیت تحقیقات صورت گرفته در این رشته نسبتاً نویسا در ایران باشد، ارتباط حوزه‌های فرعی تحقیقاتی را به صورت تصویری واضح نشان دهد و تأثیرگذارترین زمینه‌های موضوعی را در آن شناسایی کند. مطالعات نشان می‌دهد تاکنون پژوهشی با این رویکرد در پایان‌نامه‌های رشته آموزش ریاضی در دانشگاه‌های ایران انجام‌نشده است. سنجش جنبه‌های مختلف پایان‌نامه‌های انجام‌شده و بهویژه موضوعات آن‌ها می‌تواند در جهت دادن درست به پژوهش‌های آتی دانشجویان و محققان، برنامه‌ریزی برای توسعه متوازن‌تر حوزه‌های موضوعی و ارتقای کمی و کیفی تولیدات پژوهشی آموزش ریاضی در دانشگاه‌های ایران مؤثر باشد. با توجه به اهمیت موضوع برای انجام این مطالعه، پژوهش حاضر در صدد پاسخگویی به این سؤال کلی است که گرایش‌های موضوعی و نقشه علمی تحقیقات دانشگاهی آموزش ریاضی در ایران طی دوره زمانی بیست‌ساله چگونه بوده است.

## پرسش‌های پژوهش

۱. روند رشد تولیدات علمی حوزه آموزش ریاضی در دانشگاه‌های مطرح ایران چگونه است؟
۲. پرسامدترین کلیدواژه‌ها در بین پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی دانشگاه‌های مطرح ایران کدام‌اند؟
۳. پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی دانشگاه‌های مطرح ایران، در چه سطح آموزشی به تحقیق پرداخته‌اند؟
۴. شبکه هم‌رخدادی واژگان پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی بر اساس شاخص‌های مرکزیت (شاخص مرکزیت درجه، مرکزیت بینایی و مرکزیت نزدیکی) چگونه است؟
۵. نقشه علمی حوزه‌های موضوعی پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی در دانشگاه‌های مطرح ایران به چه صورتی است؟

## چارچوب نظری

اصطلاح علم سنجی یا سایتومتریک<sup>۱</sup> از دو واژه علم و اندازه گیری تشکیل شده و در تعریفی ساده به معنای اندازه گیری و تحلیل علم است. این اصطلاح، با انتشار نشریه بین المللی با همین عنوان توسط براؤن<sup>۲</sup> در سال ۱۹۸۷ شناخته شد و در ایران استفاده از آن به دهه ۱۳۷۰ شمسی بازمی گردد (کرمی و همکاران، ۱۳۹۴). علم سنجی از جمله معتبرترین روش های ارزیابی تولیدات علمی است (راچمنی و همکاران، ۱۳۹۷) که با استفاده از داده های کمی مرتبط با تولید و توزیع تحقیقات، پژوهش های انجام شده را توصیف و ویژگی های آنها را مشخص می کند (نوروزی چاکلی، ۱۴۰۰). نقشه علمی موضوعی، روشی منحصر به فرد برای مطالعه ساختاری است که از طریق آن می توان کلیات پژوهشی حوزه خاصی را ترسیم کرد (نظربلند و همکاران، ۱۳۹۷). این نقشه ها که با هدف ارائه تصویر کلی از وضعیت پژوهش های صورت گرفته و چگونگی ارتباط و توسعه حوزه های مختلف آنها رسم می شوند، از جمله مهم ترین وجوده علم سنجی است (صدیقی، ۱۳۹۳) که نوعی روابط را نشان می دهد که از گره های مختلفی تشکیل شده است (نظربلند و همکاران، ۱۳۹۷). از آنجاکه نقشه های علمی، ساختاری مشابه با شبکه های اجتماعی دارند، برای مطالعه و تفسیر آنها از شاخص های تحلیل شبکه استفاده می شود. تحلیل این شبکه ها، اطلاعات مربوط به روابط بین گرایش های تحقیق و مفاهیم پژوهش ها را ارائه داده و هدف اصلی تجزیه و تحلیل آنها، توضیح، تجسم و درک ساختار به دست آمده از روابط بین گره ها از طریق مدل سازی آماری است (Özkaya, 2018).

نقشه های علمی، با استفاده از فنون و روش های مختلفی ترسیم می شوند که یکی از آنها، هم رخدادی واژگان است. در تحلیل هم رخدادی واژگان که نخستین بار در دهه ۱۹۸۰ در فرانسه به کار گرفته شد (احمدی و عصاره، ۱۳۹۶)، از مهم ترین کلمات موجود در عنوان، چکیده یا متن مدارک علمی، برای مطالعه ساختار مفهومی یک حوزه تحقیقاتی استفاده می شود. از طریق تحلیل متون و واژگان مهم شان، می توان رابطه های اصلی موجود در میان آنها را ردیابی و از طریق شاخص های تحلیل شبکه، این روابط را به صورت کمی بیان و سپس آنها را تجزیه و تحلیل کرد (ابراهیم نیا و همکاران، ۱۴۰۱). هم رخدادی واژه ها، میزان ارتباط شناختی میان مجموعه های از مدارک را نشان داده (صدیقی، ۱۳۹۳) و روابط آشکار و پنهان میان موضوعات در هر حوزه علمی را آشکار می کند (رحمی و همکاران، ۱۴۰۰). همچنین از طریق آنها می توان نقشه ای ترسیم کرد که در آن موضوعات پر تکرار، با اهمیت و مورد علاقه پژوهشگران، مشخص شود (سهیلی و همکاران، ۱۳۹۵). این نوع تحلیل خود سه پیش فرض اساسی دارد: ۱. واژگان در متون علمی، به دقت توسط نویسنده کان آنها انتخاب و استفاده می شوند. ۲. واژگان مختلف در یک متن وجود برعی روایت را میان آنها نشان می دهد. ۳. تکرار هم رخدادی واژگان توسط نویسنده کان مختلف، نشان دهنده اهمیت روایت میان آنها در هر حوزه علمی است (احمدی و عصاره، ۱۳۹۶). ترسیم نقشه علمی با این روش، باعث آگاهی از وضعیت پژوهش های منتشر شده می شود و تأثیرگذار ترین موضوعات حوزه مورد بررسی در پژوهش ها را مشخص می سازد (حاضری و همکاران، ۱۳۹۵).

## پیشینه پژوهش

مطالعات مختلفی با روش علم سنجی و به صورت تحلیل شبکه و تحلیل هم رخدادی واژگان در پایان نامه ها و مقالات حوزه آموزش ریاضی صورت گرفته است. پوترا و همکاران (Putra et al., 2024) در پژوهش خود با روش

1 . Scientometrics

2 . Braun

علم سنجی، به تجزیه و تحلیل استناد ارائه شده پیرامون موضوع بازنایی ریاضی طی قرن گذشته، در پایگاه اسکوپوس<sup>۱</sup> پرداختند و به این نتیجه رسیدند که به کارگیری مدل‌ها و رویکردهای یادگیری، رسانه‌های رایانه‌ای و تحلیل بازنایی‌های ریاضی از جمله مهم‌ترین موضوعات بررسی شده در استناد علمی مورد بررسی بوده‌اند و تحقیقات انجام شده بر اهمیت رابطه بین یادگیری و بازنایی ریاضی و حمایت فناوری‌های تعاملی از این رابطه، تأکید داشته‌اند. در مطالعه‌ای دیگر، کایا و کوتلوکا (Kutluca & Kaya, 2024)، به ترسیم نقشه علم سنجی مقالات پیرامون موضوع آموزش الکترونیکی در آموزش ریاضی در پایگاه وب آوساینس<sup>۲</sup> بین سال‌های ۲۰۱۲ تا ۲۰۲۲ پرداخته و نتیجه گرفتند تعداد مقالات در این زمینه طی سال‌های مختلف، متفاوت بوده، اما تعداد استنادات به آن‌ها افزایش یافته است. پرتوان‌ترین نویسنده ایاکونو<sup>۳</sup>، پرکارترین کشورها چین، آمریکا و روسیه و پرکارترین کلمات کلیدی در ۳۴۱ مقاله تحلیل شده، دانش‌آموزان، فناوری و ریاضیات بودند. آتوه و همکاران (Atweh et al., 2023)، پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی را در فیلیپین طی سال‌های ۲۰۰۹ تا ۲۰۲۱ مورد بررسی قرار دادند و به این نتیجه رسیدند که بیشترین موضوعات مورد تأکید پژوهشگران این کشور، اهداف آموزش ریاضی، توسعه معلمان و استفاده از فناوری در تدریس است. در تحقیقی دیگر که با تمرکز بر پژوهش‌های مربوط به تفکر انتقادی معلمان آموزش ریاضی پیش از خدمت با رویکرد علم سنجی صورت گرفت، سیاهان و همکاران (Siahaan et al., 2023)، به این نتیجه رسیدند که انتشارات مقالات مربوط به این حوزه در اندونزی طی سال‌های ۲۰۱۸ تا ۲۰۲۰ افزایش یافته و موضوعات مورد توجه پژوهشگران در این حوزه بیشتر پیرامون جبر است. ماز-ماچادو و همکاران (Maz-Machado et al., 2022)، در پژوهش خود نقش زنان در تولید، راهنمایی و ارزیابی رساله‌های دکتری آموزش ریاضی را در دانشگاه‌های اسپانیا بررسی کرده و به این نتیجه دست یافتند که تعداد تولید رساله‌های دکتری در این رشته طی سال‌های ۲۰۱۰ تا ۲۰۲۰ کاهش یافته اما تعداد زنان مؤثر در این حوزه به طور قابل ملاحظه‌ای افزایش پیداکرده است. فَن و همکاران (Phan et al., 2022)، با یک مطالعه علم سنجی پیرامون آموزش ریاضیات واقعیت‌مدار در مقالات پایگاه اسکوپوس بین سال‌های ۱۹۷۲ تا ۲۰۱۹ به این نتیجه رسیدند که کشورهای اندونزی، آمریکا و هلند در این زمینه فعال‌تر هستند و تمرکز موضوعی پژوهش‌های انجام شده بر استفاده از فناوری در ریاضی است. دِده و ازدمیر (Dede & Ozdemir, 2022)، با استفاده از فن علم سنجی، ترسیم نقشه علمی و هم استنادی در مطالعات آموزش ریاضی طی سال‌های ۲۰۰۵ تا ۲۰۲۱ به توصیف کاملی از روند تحقیقات این حوزه در کشور ترکیه پرداختند و نشان دادند که موقفيت ریاضی، مدل‌سازی ریاضی و نگرش رایج‌ترین واژگان کلیدی مورد استفاده‌ی نویسنده‌گان است و اغلب مجلات در این کشور علاقه‌مند به چاپ مقالات پیرامون موضوعات توسعه حرفه‌ای معلمان ریاضی، تدریس و یادگیری ریاضی و توسعه برنامه درسی هستند. الوان و اویانگور (& Inan Uyangör, 2020)، به تحلیل ۵۵ پایان‌نامه کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی در کشور ترکیه پرداختند. آنان ۱۴ موضوع کلی را برای پایان‌نامه‌های تدوین شده معرفی کردند که بیشترین آن‌ها مربوط به مهارت‌های تفکر سطح بالا و مهارت‌های حل مسئله است. کانسیز (Cansız Aktaş, 2022)، روند پژوهش‌های آموزش ریاضی مرتبط با طرح مسئله در پایگاه وب آوساینس طی سال‌های ۱۹۹۰ تا ۲۰۲۱ را بررسی کرده و با استفاده از ترسیم نقشه علمی هم‌رخدادی واژگان این مقالات، چهار خوشة مختلف را با توجه به روابط میان واژگان و اصطلاحات مهم آن‌ها ارائه می‌دهد. این خوشه‌ها عبارت‌اند از: تأثیر طرح مسئله بر متغیرهای مختلف، رابطه بین طرح مسئله و خلاقیت، درک نحوه تفکر در

1 . Scopus  
2 . Web of science  
3 . Iacono

فرایند طرح مسئله و ماهیت آن و فرسته هایی که با تغییر آموزش از طریق طرح مسئله ایجاد می شود. ارسلان و همکاران (Arslan et al., 2021)، در پژوهش خود ۷۴ پایان نامه تحصیلات تکمیلی مرتبط با موضوع سواد ریاضی در ترکیه را طی سال های ۲۰۰۳ تا ۲۰۲۰ بررسی کردند. نتایج پژوهش آنها نشان داد که بیشترین کلیدواژه های مورد استفاده در پایان نامه ها آموزش ریاضی، سواد ریاضی و آزمون پیزا و کمترین آنها سبک های تفکر، موفقیت ریاضی، مدل سازی ریاضی و انگیزه بوده است. گوکچه و گونر (Gökçe & Guner, 2021)، در مقاله ای با عنوان چهل سال آموزش ریاضی (۱۹۸۰-۲۰۱۹)، به تحلیل علم سنجی و ترسیم نقشه علمی مقالات آموزش ریاضی در پایگاه وب آوساینس، به این نتیجه دست یافتند که بین سال های ۱۹۹۵ تا ۲۰۱۰، برنامه درسی و عوامل مرتبط با معلمان به طور کلی موضوعات محبوب در مطالعات آموزش ریاضی بوده اند و پس از سال ۲۰۱۰، مقالات به بررسی موارد خاص تر و جزئی تری در موضوعات اصلاحات در آموزش ریاضی، برنامه درسی، سنجش و ارزشیابی، آموزش معلمان، سیاست های آموزشی و غیره پرداخته اند. رئوتutar (Reotutar, 2020)، با مروری نظام مند، به بررسی پایان نامه های کارشناسی ارشد و دکتری دانشجویان آموزش ریاضی در دانشگاه های فیلیپین پرداخته و پژوهش های آنان را طبقه بندی و اندازه تأثیرشان را شناسایی کرده است. نتایج حاکی از آن است که عوامل مؤثر بر پیشرفت ریاضی دانش آموزان، بیشترین موضوع را در بین پایان نامه ها از سال ۲۰۰۷ تا ۲۰۱۶ داشته است. در تحقیقی دیگر، اوzkaya (Özkaya, 2018)، به تحلیل شبکه اجتماعی پژوهش های علمی منتشر شده در گرایش آموزش ریاضی طی سال های ۱۹۸۰ تا ۲۰۱۸ در پایگاه داده وب آوساینس بر اساس اطلاعات انتشار و تحلیل واژگان به کاررفته در آنها با رویکرد علم سنجی پرداخته و به این نتیجه رسیده که کشورهای آمریکا، انگلستان و ترکیه بیشترین مطالعات را در این زمینه انجام داده و مقالات کشورهای آمریکا، ترکیه و مالزی بیشترین تعداد استنادها را داشته اند. این شبکه متشكل از ۷۸ گره (کشور) با ۳۹۳ پیوند ارتباطی بوده که به ۱۴ خوش تقسیم شده اند. تحلیل واژگان به کاررفته در عنوان مقالات نیز نشان داد که کلاس های ریاضی ابتدایی، تربیت معلمان و پیشرفت ریاضی بیشترین موضوعات مورد توجه پژوهشگران بوده و کلیدواژه های ریاضی، آموزش، دانش آموز و پیشرفت پرسامدترین آنها هستند. گرایش های پژوهشی در آموزش ریاضیات ترکیه عنوان پژوهش باکی و همکاران (Baki et al., 2011) است که در مورد پایان نامه های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی این کشور طی سال های ۱۹۹۸ تا ۲۰۰۷ صورت گرفته و نتایج آن حاکی از تمرکز موضوعی این پایان نامه ها بر مشکلات تدریس ریاضی و مسئله بوده و اغلب آنها روی دانش آموزان پایه ششم، هفتم و هشتم کار کرده اند. کانو و همکاران (Fernández-Cano et al., 2003)، به مطالعه روی نمونه ای از رساله های دکتری اسپانیایی در مورد آموزش ریاضی بین سال های ۱۹۷۶ تا ۱۹۹۸ پرداختند و در آن گوهر ای علم سنجی را در مورد میزان بهره وری و شاخص های استنادی پایان نامه های این رشته ارائه دادند. علی رغم این که مطالعات بسیاری با فن علم سنجی در حوزه آموزش ریاضی در جهان صورت گرفته، در ایران تنها دو پژوهش با این رویکرد روی مقاله های آموزش ریاضی انجام شده است. کریمی فردین پور (۱۳۹۹) به طور کمی مجلات منتخب متخصصان آموزش ریاضی ایران را بررسی کرد و به این نتیجه رسید که ۹۰ درصد کل پژوهش های حوزه آموزش ریاضی تنها در ۱۱ مجله منتخب ایران چاپ شده اند. همچنین کوتاه ترین زمان داوری مقالات این حوزه، به مجلة اندازه گیری تربیتی اختصاص دارد. در پژوهشی دیگر کریمی فردین پور (۱۳۹۷) با رویکرد علم سنجی، تعدد و تکرار واژگان کلیدی را در مقالات فارسی پژوهشگران آموزش ریاضی طی سال های ۱۳۹۶ الی ۱۳۷۲ بررسی و به این نتیجه دست یافت که بالا بودن نسبت کلیدواژه های همسان، نشان دهنده تمرکز موضوعی مقالات متخصصان در این حوزه است.

## روش‌شناسی پژوهش

پژوهش حاضر از نظر هدف کاربردی بوده که با رویکرد توصیفی-تحلیلی و بر اساس فن علم سنجی و استفاده از شاخص‌های تحلیل شبکه اجتماعی به بررسی هم‌رخدادی واژگان کلیدی در پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی دانشگاه‌های مطرح ایران می‌پردازد. با فن هم‌رخدادی واژگان، می‌توان ارتباط میان محتوای موضوعی اسناد علمی را استخراج و تبیین کرد. با این دیدگاه، مطالعه حاضر مهم‌ترین موضوعات تحقیقات دانشگاهی ایران در آموزش ریاضی را طی سال‌های ۱۳۸۰ تا ۱۴۰۱ بررسی کرده و مفاهیم پیونددهنده بین آن‌ها را شناسایی می‌کند. جامعه آماری پژوهش شامل ۱۱۲۳ پایان‌نامه است که در گرایش آموزش ریاضی در دانشگاه‌های مطرح ایران تدوین شده است. همچنین دانشگاه‌ها در این پژوهش با مطالعه میدانی و بررسی دفترچه کنکور سراسری و آزاد در مقاطع تحصیلات تكمیلی، میزان قدمت و تعداد پذیرش دانشجویان در رشته آموزش ریاضی طی سال‌های مختلف آگاهانه انتخاب شدند. این دانشگاه‌ها، شامل دانشگاه شهید رجایی تهران، دانشگاه شهید بهشتی تهران، دانشگاه فردوسی مشهد، دانشگاه بهنر کرمان، دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات تهران، دانشگاه آزاد واحد تهران مرکز تهران مرکز و دانشگاه آزاد اسلامی واحد زاهدان است که از این فهرست فقط دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران مرکز حذف شد که علت آن میسر نشدن دسترسی به پایان‌نامه‌ها علی‌رغم مراجعه‌ی حضوری بود. روش گردآوری داده‌ها به صورت کتابخانه‌ای است که با مراجعة‌ی حضوری به کتابخانه دانشگاه‌ها یا از طریق وب‌گاه آن‌ها و وب‌گاه ایراندادک تا شهریورماه ۱۴۰۱ استخراج شده‌اند. ابزار گردآوری داده‌ها، فهرست بررسی محقق است که اطلاعاتی شامل عنوان پایان‌نامه، مقطع تحصیلی، تاریخ دفاع، نام دانشگاه، واژگان کلیدی و غیره در آن درج شده است. روایی این ابزار با مشورت دو نفر از اساتید آموزش ریاضی و تعدیل و اصلاح آن، به روش صوری و محتوایی تأییدشده است. حدود ۱۰ درصد از داده‌ها، در اختیار یک نفر از اساتید و یک نفر دانشجوی دکتری آموزش ریاضی قرار گرفت تا بازبینی مجدد در فهرست بررسی و تنظیم دوباره انجام شود. همبستگی بین داده‌های واردشده در فهرست بررسی‌ها، با استفاده از آزمون تی زوجی، بیش از ۹۵ درصد تعیین شد که نشان از پایایی مناسب آن دارد. در ادامه مراحل جمع‌آوری و تحلیل داده‌ها در چهار مرحله بیان شده است:

**مرحله ۱. آماده‌سازی داده‌ها و استخراج واژگان:** در ابتدا با استفاده از دکمه مربوط به تفکیک متن در ستون‌ها<sup>۱</sup> در نرم‌افزار اکسل<sup>۲</sup>، کلیه کلمات عناوین پایان‌نامه‌ها از یکدیگر جدا شده و در سلول‌های جدید قرار گرفتند. از آنجاکه تعداد واژگان کلیدی درج شده در چکیده برخی از پایان‌نامه‌ها، زیادتر یا کمتر از تعداد استاندارد آن بود یا برخی از آن‌ها، فاقد واژگان کلیدی بودند، کلمات موجود در عناوین پایان‌نامه‌ها به‌منظور تحلیل شبکه هم‌رخدادی به کار گرفته شدند. کلمات به‌دست‌آمده، ابتدا مورد پالایش اولیه قرار گرفتند، برای مثال کلماتی همچون نام شهرها، سال انجام پژوهش، افعال به‌کاررفته و حروف اضافه و غیره حذف شدند. در این مرحله ۴۸۵ کلیدواژه مختلف به دست آمد. برای انتخاب کلیدواژه‌های عناوین از اصطلاحات مدل طبقه‌بندی تحقیقات آموزش ریاضی کاسترو و گومز (Castro & Gómez, 2021) استفاده شد. در این مدل، به‌طور نظام‌مند واژگان کلیدی حوزه آموزش ریاضی با دسته‌بندی اصطلاحات موجود در دائره‌المعارف‌های آموزش ریاضی و کلیدواژه‌های مقالات تخصصی این حوزه که تا سال ۲۰۱۷ در پایگاه‌های اطلاعاتی اسکوپوس و وب‌آوساینس نمایه شده بودند، در ۶ طبقه ارائه و مورد اعتبارسنجی قرار گرفته‌اند. برای انتخاب

1 . Text to Columns  
2 . Excel

کلیدواژه ها، از ۳ طبقه این مدل (که مرتبط با موضوعات پژوهشی گرایش آموزش ریاضی بودند) شامل مفاهیم آموزشی، مبانی آموزش ریاضی، محتوای ریاضی استفاده شد. پس از آن، به منظور استانداردسازی و یکدست کردن بیشتر واژگان، کلیدواژه های منتخب عناوین، مورد بررسی ثانویه قرار گرفتند و با حذف کلیدواژه هایی که نشان دهنده موضوعی مشخص نبودند و همچنین حذف موارد مشابه و تکراری از نظر مفهومی، ادغام عبارت های معادل با یکدیگر و جایگزین کردن مفاهیم کلی به جای جزئیات، فهرستی از مهم ترین واژگان و عبارت ها حاصل شد. به عنوان مثال، برای پایان نامه های با عنوان استدلال و اثبات در ریاضیات دیبرستانی با توجه به استانداردهای بین المللی در برنامه درسی ریاضی در ایران کلیدواژه های استدلال، اثبات، استانداردهای آموزشی و برنامه درسی و برای عنوان بررسی میزان کاهش بدفهمی های دانش آموزان در درس هندسه با توجه به آزمون تیمز ۲۰۰۸ و استفاده از تدریس به کمک نرم افزار جئوبرا واژگان بدفهمی، هندسه، آزمون های استاندارد و نرم افزار آموزشی در نظر گرفته شد. درنهایت ۱۳۹ کلیدواژه مختلف با مجموع فراوانی ۳۴۳۲ به دست آمد که برای تحلیل نهایی مورد استفاده قرار گرفتند.

همچنین برای تحلیل این که هر یک از پایان نامه ها در چه سطح آموزشی به تحقیق پرداخته اند، طبقه سطوح آموزشی مدل کاسترو و گومز (Castro & Gómez, 2021) با اندکی جرح و تعديل مورد استفاده قرار گرفت که شامل طبقات فرعی پیش دبستانی، مقطع ابتدایی، دوره اول متوسطه، دوره دوم متوسطه، آموزش فنی و حرفه ای، دوره های بازآموزی معلمان، آموزش عالی، تحصیلات تکمیلی، آموزش بزرگسالان، سایر موارد و نامشخص در چکیده پایان نامه است. گزینه سایر موارد به پایان نامه هایی اشاره دارد که بدون سطح آموزشی مشخص یا در سطح آموزشی دیگری هستند و یا موضوع پایان نامه، همه سطوح آموزشی را در بر می گیرد. مثلاً هر دو پایان نامه با عناوین نقش حافظه و دقت در عملکرد ریاضی دانش آموزان پایه دهم در مدارس دخترانه شهریار و تحلیل محتوای مبحث تابع در کتاب های ریاضی دوره دوم متوسطه بر اساس چارچوب نظری پیرس، جدا از ماهیت جامعه آماری متفاوت آنها، در سطح مقطع متوسطه دوم (دبستان) قرار گرفتند. چون چند واژه مربوط به سطوح آموزشی مشخص، تقریباً در تمامی پایان نامه ها به صورت تکراری وجود داشته، این بررسی به طور جداگانه (خارج از تحلیل هم رخدادی واژگان) انجام شده است.

**مرحله ۲. تشکیل ماتریس هم رخدادی کلیدواژه ها:** در مرحله دوم، از نرم افزار راورماتریس<sup>۱</sup> به منظور تشکیل ماتریس هم رخدادی واژگان استفاده شد. این برنامه ماتریس متقانی را ایجاد می کند که در آن، تمامی کلیدواژه ها در سطرهای و ستون های قرار گرفته و تعداد هم رخدادی هر دو واژه در سلول محل برخورد آنها درج می شود. خروجی این برنامه، یک فایل متند بود که برای مشاهده بهتر ماتریس هم رخدادی، محتوای آن در برنامه اکسل کپی شد.

**مرحله ۳. محاسبه شاخص های مهم تحلیل شبکه اجتماعی و ترسیم گراف هم رخدادی:** در این مرحله، ماتریس هم رخدادی، وارد نرم افزار یو سی آی نت<sup>۲</sup> و به فرمت `##h` تبدیل شد و سپس در نرم افزار نت دراو<sup>۳</sup> گراف هم رخدادی واژگان رسم و خروجی با فرمت پاژک<sup>۴</sup> ذخیره شد. در تحلیل هم واژگانی، آستانه هم رخدادی موردنظر محقق برای کلیدواژه ها تعریف می شود که در پژوهش حاضر، حداقل هم رخدادی ۳ بار برای هر واژه در نظر گرفته شد و مفاهیمی که آستانه هم رخدادی کمتر از ۳ داشتند، از نتایج تحلیل حذف شدند. همچنین از آنچاکه برنامه یو سی آی نت از کلیدواژه های فارسی پشتیبانی نمی کند، ۱۳۹ کلیدواژه ای اصلی به ترتیب حروف الفبا با کد a۱ تا a۱۳۹ کدگذاری

1 . RavarMatrix

2 . UCINET

3 . NetDraw

4 . Pajek

شدند. یکی از مهم‌ترین شاخص‌های تحلیل شبکه اجتماعی، شاخص مرکزیت است که انواع مختلفی دارد و موقعیت گرهای خاص را در داخل شبکه نشان می‌دهد. در مطالعه حاضر، سه نوع شاخص مرکزیت با عنوانین مرکزیت درجه، مرکزیت بینابینی و مرکزیت نزدیکی مورداستفاده قرار گرفت. برای بررسی اهمیت موضوعات موردتوجه پژوهشگران آموزش ریاضی در پایان‌نامه‌ها از شاخص مرکزیت درجه، بهمنظور تحلیل موضوعاتی که نقش واسطه‌ای بین سایر موضوعات دارند از شاخص مرکزیت بینابینی و برای تحلیل واژگانی که با کمترین فاصله، با سایر واژه‌ها ارتباط داشته‌اند، از شاخص مرکزیت نزدیکی استفاده شد. این شاخص‌ها در برنامه یوسی آی نت محاسبه و خروجی آن در فایلی ذخیره شد.

**مرحله ۴. ترسیم نقشه علمی:** درنهایت با استفاده از نرم‌افزار وس ویور<sup>۱</sup>، نقشه علمی و چگالی مربوط به موضوعات پرکاربرد حوزه آموزش ریاضی ترسیم شد.

### یافته‌های پژوهش

**پاسخ به پرسش اول پژوهش. روند رشد تولیدات علمی حوزه آموزش ریاضی در دانشگاه‌های مطرح ایران چگونه است؟**

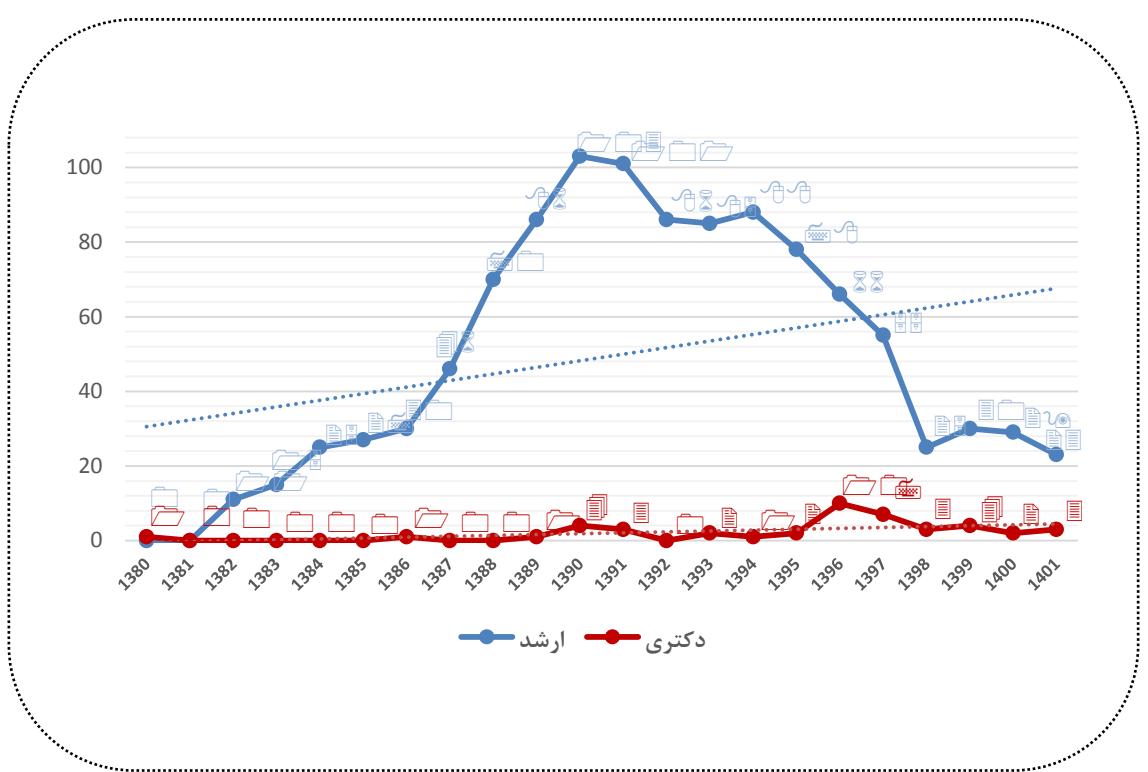
یافته‌ها نشان داد دانشگاه آزاد واحد علوم و تحقیقات بیشترین دانشجوی تحصیلات تکمیلی گرایش آموزش ریاضی را در دوره ۲۱ ساله (از سال ۱۳۸۰ تا ۱۴۰۱) داشته است. کمترین تعداد دانشجو در این رشته مربوط به دانشگاه فردوسی مشهد است. در جدول ۱ تعداد کل پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد و دکتری در ۷ دانشگاه مطرح ایران قابل مشاهده است.

جدول ۱. توزیع فراوانی پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی دانشگاه‌های مطرح ایران به تفکیک مقطع (۱۴۰۱ تا ۱۳۸۰)

ردیف	دانشگاه	تعداد پایان‌نامه‌ها			ردیف
		مجموع	دکتری	کارشناسی ارشد	
۱	دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات تهران	۴۳۴	۱۹	۴۱۵	
۲	دانشگاه آزاد اسلامی واحد زاهدان	۲۱۹	۰	۲۱۹	
۳	دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی تهران	۱۸۷	۲	۱۸۵	
۴	دانشگاه شهید بهشتی تهران	۱۰۴	۷	۹۷	
۵	دانشگاه شهید باهنر کرمان	۶۶	۷	۵۹	
۶	دانشگاه شهید چمران اهواز	۵۷	۳	۵۴	
۷	دانشگاه فردوسی مشهد	۵۶	۶	۵۰	
مجموع				۱۱۲۳	۴۴

## ترسیم نقشه علمی و تحلیل شبکه هم‌رخدادی واژگان پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ...

به‌طورکلی خط رگرسیون، روند رشد نسبی تولیدات علمی و دانشگاهی حوزه آموزش ریاضی ایران را در مقطع تحصیلات تکمیلی نشان می‌دهد (شکل ۱). از سال ۱۳۸۶ تا ۱۳۹۰ تعداد پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد، به‌طور چشم‌گیری رشد داشته و این نشان از توسعه این رشتۀ در دانشگاه‌های ایران طی این سال‌ها است. تحلیل داده‌ها نشان می‌دهد از سال ۱۳۹۰ به‌طور نسبی این تعداد در مقطع کارشناسی ارشد با شیب ملایمی کاهش یافته و از سال ۱۳۹۹ این افت با شدت بیشتری همراه بوده است. علی‌رغم این روند نزولی، طی سال‌های ۱۳۹۶ تا ۱۴۰۱ تعداد کل پایان‌نامه‌های مقطع دکتری بیشتر شده و از سال ۱۳۹۰ شاهد افزایش نگارش تعداد پایان‌نامه‌ها در این مقطع نسبت به سال‌های قبل از آن هستیم. به‌طورکلی بیشترین تعداد پایان‌نامه‌های تولیدشده در مقطع کارشناسی ارشد مربوط به سال ۱۳۹۰ با فراوانی ۱۰۳ مورد و در مقطع دکتری در سال ۱۳۹۶ با فراوانی ۱۰ مورد است.



شکل ۱. روند تولید پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد و دکتری گرایش آموزش ریاضی در هفت دانشگاه مطرح ایران

### پاسخ به پرسش دوم پژوهش. پرسامدترین کلیدواژه‌ها در بین پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی در دانشگاه‌های ایران کدام‌اند؟

در بین کلیدواژه‌های اصلی موجود در جامعه آماری این پژوهش، آموزش ریاضی پر تکرارترین عبارت بود که در حدود ۱۴ درصد از واژگان پرتکرار را شامل شده است. پس از آن، کلیدواژه‌های یادگیری، عملکرد ریاضی و حل مسئله بیشترین تکرار را دارند که به‌نوعی فعال‌ترین زمینه‌های پژوهشی و دغدغه محققین را در این حوزه رديابی می‌کنند. در جدول ۲، فراوانی کلیدواژه‌های پرسامد که فراوانی آن‌ها در عنوانین پایان‌نامه‌ها حداقل ۵۰ است، نشان داده شده و این ۱۵ کلیدواژه، حدود ۴۳ درصد از کل فراوانی کلیدواژه‌های پایان‌نامه‌ها را تشکیل داده‌اند.

جدول ۲. فراوانی کلیدواژه‌های پرسامد در عنوان پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی دانشگاه‌های ایران (۱۳۸۰ تا ۱۴۰۱)

ردیف	کلیدواژه	فرداوی	ردیف	کلیدواژه	فرداوی
	سهم نسبی	تعداد		سهم نسبی	تعداد
۱	آموزش ریاضی	۱۹۳	۹	درک و فهم	۱۳.۱۷ درصد
۲	یادگیری	۱۷۲	۱۰	نظریه‌و مدل‌های یادگیری	۱۱.۷۳ درصد
۳	عملکرد ریاضی	۱۷۰	۱۱	مفاهیم ریاضی	۱۱.۶ درصد
۴	حل مسئله	۱۳۷	۱۲	ابزارهای کمک‌آموزشی	۹.۳۵ درصد
۵	انواع روش‌های تدریس	۱۲۱	۱۳	اضطراب	۸.۲۵ درصد
۶	پیشرفت تحصیلی	۸۳	۱۴	انگیزه	۵.۶۶ درصد
۷	هنادسه	۸۲	۱۵	نگرش	۵.۰۹ درصد
۸	کتاب درسی	۷۶	۱۴۶	مجموع	۵.۱۸ درصد

جدول ۳. توزیع فراوانی موضوعات پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی دانشگاه‌های مطرح ایران بر اساس سطوح آموزشی

دانشگاه‌ها	سطح آموزشی									
	علوم و شهید آزاد شهید شهید چمران فردوسی فراوانی پایان‌نامه‌ها فراوانی نسبی									
	تحقیقات	رجایی	Zahidan	بهشتی	باهنر	اهواز	مشهد			
دوران کودکی، مهدکودک و پیش‌دبستانی	۰	۰	۱	۰	۰	۱	۰	۰	۰	۰.۲۷ درصد
قطعه ابتدایی (دوره دبستان)	۴۷	۱۷	۲۴	۱۲	۱۱	۲	۲	۲	۱۱۵	۱۰.۲۴ درصد
قطعه متوسطه اول (دوره راهنمایی)	۶۹	۴۹	۴۸	۱۲	۲۰	۶	۹	۹	۲۱۳	۱۸.۹۷ درصد
قطعه متوسطه دوم (دوره دبیرستان)	۲۲۳	۶۴	۶۴	۱۲۴	۴۹	۲۱	۲۱	۰	۵۲۶	۶.۸۴ درصد
آموزش فنی و حرفة‌ای	۲	۰	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۳	۰.۲۷ درصد
بازآموزی معلمان و دوره‌های ضمن خدمت	۱۰	۱۷	۰	۰	۱	۰	۰	۰	۳۲	۰.۲۸ درصد
آموزش عالی (کارشناسی)	۷	۳۱	۵	۹	۷	۱۲	۱۲	۰	۷۶	۶.۷۷ درصد
تحصیلات تکمیلی (کارشناسی ارشد و دکتری)	۴	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۴	۰.۳۵ درصد
آموزش بزرگسالان	۰	۰	۱	۰	۰	۰	۰	۰	۱	۳.۰۹ درصد
نامشخص در چکیده	۳۸	۵	۶	۴	۲	۱۱	۱۱	۰	۶۹	۱.۱۴ درصد
سایر موارد	۳۴	۴	۱۱	۱۱	۶	۱۲	۱۲	۰	۸۱	۷.۲۱ درصد
مجموع	۴۳۴	۱۸۷	۲۱۹	۱۰۴	۵۷	۱۱۲۳	۵۶	۰	۱۱۰	۱۰۰ درصد

پاسخ به پرسش سوم پژوهش. پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی دانشگاه‌های مطرح ایران، در چه سطح آموزشی به تحقیق پرداخته‌اند؟

در جدول ۳، پایان‌نامه‌ها بر اساس سطوح آموزشی مختلف طبقه‌بندی شده‌اند. نتایج نشان داد بیشترین تحقیقات

ترسیم نقشه علمی و تحلیل شبکه هم رخدادی واژگان پایان نامه های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ...

دانشگاه های مطرح ایران در سطح آموزشی دوره دوم متوسطه (مقاطع دبیرستان) و پس از آن در دوره اول متوسطه (مقاطع راهنمایی) و مقطع ابتدایی انجام شده و تحقیقات مربوط به دوره پیش دبستانی، آموزش های فنی حرفه ای، دوره های ضمن خدمت معلمان، تحصیلات تكمیلی و آموزش بزرگسالان کمتر از یک درصد از سهم کل تحقیقات آموزش ریاضی در دانشگاه های مطرح ایران را به خود اختصاص داده اند.

### پاسخ به پرسش چهارم پژوهش. شبکه هم رخدادی واژگان پایان نامه های آموزش ریاضی بر اساس شاخص های مرکزیت (شاخص مرکزیت درجه، مرکزیت بینایی و مرکزیت نزدیکی) چگونه است؟

برای پاسخ به این پرسش از سه نوع شاخص مرکزیت که موقعیت گره ها و اهمیت آن ها را در تمام شبکه نشان - دهنده استفاده شده است. شاخص مرکزیت درجه، تعداد همسایگان هر گره را نشان می دهد. این تعداد با استفاده از رابطه ها (یال هایی) که به آن گره متصل هستند، به دست می آید. در تحلیل هم رخدادی واژگان، مرکزیت درجه تعداد دفعات وقوع مشترک یک واژه را با سایر واژه ها نشان داده و بیشتر بودن آن، به ارتباطات بیشتر واژه موردنظر و درنتیجه تأثیرگذاری بیشتر آن اشاره دارد. در جدول ۴، کلید واژه هایی که دارای بیشترین مرکزیت درجه هستند، مشخص شده است. نتایج نشان می دهد عملکرد ریاضی، تأثیرگذار ترین واژه در بین پایان نامه ها است و شبکه بیشتری را در اختیار داشته است. پس از آن آموزش ریاضی، حل مسئله، یادگیری و انواع روش های تدریس بیشتر موضوعات پایان نامه ها را تحت تأثیر خود قرار داده اند.

جدول ۴. ۳۰ کلید واژه با بیشترین مرکزیت درجه در تحلیل واژگان عنوانین پایان نامه های آموزش ریاضی  
دانشگاه های مطرح ایران (۱۳۸۰ تا ۱۴۰۱)

ردیف	کلید واژه	ردیف	مرکزیت درجه	کلید واژه	ردیف
۱	عملکرد ریاضی	۱۶	۸.۲۹۵	نگرش	۲.۶۳۲
۲	آموزش ریاضی	۱۷	۸.۰۸۵	مفهوم های خود راهبری	۲.۰۰۹
۳	حل مسئله	۱۸	۷.۰۵۶	انواع مسائل	۲.۰۰۲
۴	یادگیری	۱۹	۶.۹۴۱	باور	۱.۸۵۰
۵	انواع روش های تدریس	۲۰	۵.۰۵۹	توازع	۱.۷۳۵
۶	هندسه	۲۱	۴.۰۰۵	فعالیت گروهی و مشارکتی	۱.۷۳۵
۷	نظریه و مدل های یادگیری	۲۲	۳.۲۲۳	بدفهمی	۱.۶۲۱
۸	مفاهیم ریاضی	۲۳	۳.۲۰۴	تحلیل محتوا	۱.۶۲۱
۹	اضطراب	۲۴	۳.۱۰۸	دانش آموzan	۱.۶۰۲
۱۰	درک و فهم	۲۵	۳.۰۱۳	انواع تفکر	۱.۵۶۴
۱۱	کتاب درسی	۲۶	۲.۹۹۴	جبر	۱.۵۲۶
۱۲	انگیزه	۲۷	۲.۸۶۰	اثبات	۱.۴۳۰
۱۳	ابزارهای کمک آموزشی	۲۸	۲.۷۸۴	نرم افزار آموزشی	۱.۳۹۲
۱۴	پیشرفت تحصیلی	۲۹	۲.۷۷۷	فناوری اطلاعات و ارتباطات	۱.۲۷۸
۱۵	توانایی فرآگیران	۳۰	۲.۶۵۱	معلمان	۱.۲۷۸

شاخص مرکزیت بینایی‌نی که بر اساس موقعیت گره‌ها در شبکه محاسبه می‌شود، نشان‌دهنده نقش واسطه گره‌های خاص در اتصال با سایر گره‌ها است و اهمیت و ارزش آن از نظر موقعیتش در نقشه و از نظر انتقال اطلاعات با سایرین را نشان می‌دهد. در تحلیل هم‌رخدادی واژگان، واژه‌ای دارای بیشترین مرکزیت بینایی است که به عنوان واسطه در بین تعداد زیادی از گره‌های دیگر قرار بگیرد و راه‌های ارتباطی گره‌های دیگر از آن بگذرد. این گره‌ها قابلیت افزایش ارتباطات یا کاهش آن‌ها را دارند. در جدول ۵، کلیدواژه‌هایی با بیشترین شاخص مرکزیت بینایی ارائه شده است. طبق این جدول، کلیدواژه‌های آموزش ریاضی و یادگیری دارای مرکزیت بینایی بالاتری هستند و نقش واسطه ارتباطی و پیوستگی را بین سایر واژه‌ها ایفا کرده‌اند و در انتقال اطلاعات نقش حیاتی دارند.

**جدول ۵. ۳۰ کلیدواژه با بیشترین شاخص مرکزیت بینایی در تحلیل واژگان عناوین پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی  
دانشگاه‌های مطرح ایران (۱۴۰۱ تا ۱۳۸۰)**

مرکزیت بینایی	کلیدواژه	ردیف	مرکزیت بینایی	کلیدواژه	ردیف
۱.۴۱۲	ابزارهای کمک‌آموزشی	۱۶	۹.۵۸۳	آموزش ریاضی	۱
۱.۱۲۰	انواع مسائل	۱۷	۹.۳۳۵	یادگیری	۲
۱.۰۵۷	باور	۱۸	۸.۰۵۰	عملکرد ریاضی	۳
۰.۹۸۱	انگیزش	۱۹	۵.۶۱۱	حل مسئله	۴
۰.۹۳۱	برنامه درسی	۲۰	۵.۰۳۵	انواع روش‌های تدریس	۵
۰.۹۲۰	دیدگاه معلمان	۲۱	۳.۰۵۵	مفاهیم ریاضی	۶
۰.۹۰۷	انواع تفکر	۲۲	۲.۷۲۴	پیشرفت تحصیلی	۷
۰.۸۹۱	جبر	۲۳	۲.۱۰۸	هندسه	۸
۰.۸۶۸	معلمان	۲۴	۲.۰۹۴	نگرش	۹
۰.۸۴۳	مفهوم‌های خودراهبری	۲۵	۲.۰۶۷	کتاب درسی	۱۰
۰.۷۵۰	بدفهمی	۲۶	۱.۸۰۵	درک و فهم	۱۱
۰.۷۳۰	توانایی معلمان	۲۷	۱.۶۸۴	توانایی فرآگیران	۱۲
۰.۷۳۱	توابع	۲۸	۱.۶۷۶	دانش‌آموزان	۱۳
۰.۷۰۷	انواع مهارت‌ها	۲۹	۱.۶۱۳	نظریه و مدل‌های یادگیری	۱۴
۰.۶۹۹	دانش فرآگیران	۳۰	۱.۴۲۸	انگیزه	۱۵

شاخص سومی که داده‌ها بر اساس آن مورد تحلیل قرار گرفت، شاخص مرکزیت نزدیکی بود که بر اساس مفهوم فاصله و طول مسیر بین گره‌ها تعریف می‌شود. در یک شبکه، گره‌ایی که دارای حداقل فاصله با تمامی گره‌های دیگر هستند، مرکزیت نزدیکی بالاتری دارند. در این پژوهش، منظور از مرکزیت نزدیکی، واژه‌ای است که با حداقل فاصله (کمترین تعداد پیوندها) با سایر واژه‌ها ارتباط برقرار کرده‌اند. در جدول ۶، ۳۰ کلیدواژه با بیشترین مرکزیت نزدیکی در تحلیل این پژوهش ارائه شده است. نتایج نشان می‌دهد که آموزش ریاضی و یادگیری و عملکرد ریاضی بیشترین مرکزیت نزدیکی را دارند و با کمترین فاصله با سایر واژه‌ها پیوند برقرار کرده‌اند.

ترسیم نقشه علمی و تحلیل شبکه هم رخدادی واژگان پایان نامه های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ...

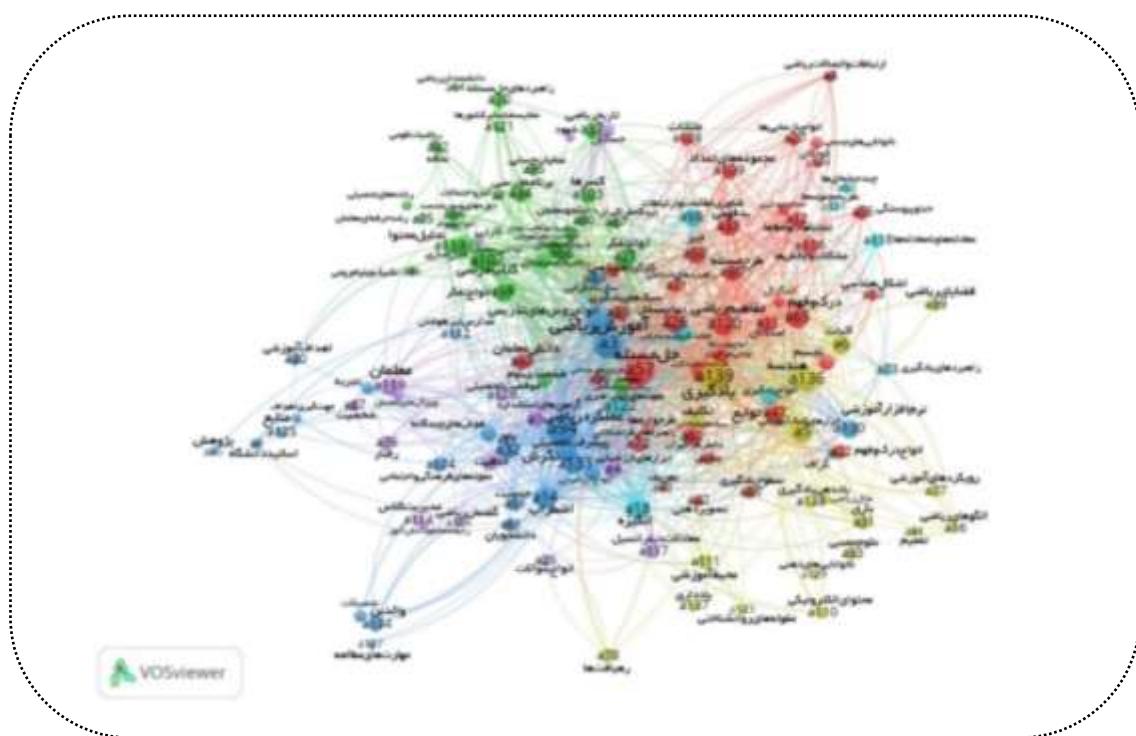
جدول ۶. ۳۰ کلیدواژه با بیشترین مرکزیت نزدیکی در تحلیل واژگان عناوین پایان نامه های آموزش ریاضی  
دانشگاه های مطرح ایران (۱۳۸۰ تا ۱۴۰۱)

ردیف	کلیدواژه	مرکزیت نزدیکی	ردیف	کلیدواژه	مرکزیت نزدیکی
۱	آموزش ریاضی	۷۹.۳۱۰	۱۶	انگیزش	۶۰.۲۶۲
۲	یادگیری	۷۸.۸۵۷	۱۷	انواع مسائل	۶۰.۲۶۲
۳	عملکرد ریاضی	۷۷.۵۲۸	۱۸	باور	۵۹.۲۲۷
۴	حل مسئله	۷۴.۰۹۵	۱۹	انواع مهارت ها	۵۸.۹۷۴
۵	انواع روش های تدریس	۷۱.۱۳۴	۲۰	توابع	۵۸.۷۲۳
۶	مفاهیم ریاضی	۶۶.۰۲۹	۲۱	دانش آموzan	۵۸.۷۲۳
۷	پیشرفت تحصیلی	۶۵.۴۰۳	۲۲	انواع تفکر	۵۸.۴۷۵
۸	هندرسون	۶۴.۴۸۶	۲۳	بدفهمی	۵۸.۲۲۸
۹	نگرش	۶۴.۱۸۶	۲۴	برنامه درسی	۵۸.۲۲۸
۱۰	توانایی فرآگیران	۶۳.۳۰۳	۲۵	دانش فرآگیران	۵۷.۹۸۳
۱۱	کتاب درسی	۶۳.۰۱۴	۲۶	بدفهمی	۵۷.۹۸۳
۱۲	اضطراب	۶۲.۴۴۳	۲۷	برنامه درسی	۵۷.۵۰۰
۱۳	نظریه و مدل های یادگیری	۶۲.۱۶۲	۲۸	توانایی معلمان	۵۷.۰۲۵
۱۴	ابزارهای کمک آموزشی	۶۱.۸۸۳	۲۹	انواع یادگیری	۵۶.۷۹۰
۱۵	درک و فهم	۶۱.۳۳۳	۳۰	خلاقیت	۵۶.۷۹۰

پاسخ به پرسش پنجم پژوهش. نقشه علمی موضوعات پایان نامه های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی در دانشگاه های مطرح ایران به چه صورتی است؟

به منظور ترسیم و تحلیل نقشه علمی واژگان کلیدی در عناوین پایان نامه ها، از نرم افزار وس و یورو استفاده شد که خروجی آن در شکل ۲ قابل مشاهده است. در این شبکه، گره ها که همان کلیدواژه ها هستند به صورت دایره و پیوندهای بین آنها با خطوطی مشخص شده است. اندازه هر دایره و وزن کلیدواژه را مشخص می کند به این معنا که هر چه این اندازه بزرگ تر باشد، وزن و میزان قدرت پیوند آن نیز در شبکه بیشتر است. مجموع قدرت پیوند هر واژه با سایرین، میزان تأثیر آن را در کل شبکه نشان داده و رنگ ها نیز توسط خوشباهی که کلیدواژه موردنظر به آن تعلق دارد، تعیین می شود. در این پژوهش، میزان جاذبه<sup>۱</sup> و دافعه<sup>۲</sup> مربوط به روش جداسازی واژگان روی اعداد ۲ و ۱ تنظیم شد و با این تنظیمات، کل داده ها در ۶ خوش بارنگ های متفاوت دسته بندی شدند.

1 . Attraction  
2 . Repulsion



شکل ۲. نقشه علمی هم‌رخدادی واژگان کلیدی عناوین پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی در دانشگاه‌های مطرح ایران (۱۳۸۰ تا ۱۴۰۱)

جدول ۷، نمونه‌هایی از کلیدواژه‌ها با بیشترین تعداد پیوند را در هر یک از خوشه‌ها نشان می‌دهد. خوشه ۱ با تعداد ۴۰ کلیدواژه مختلف، بیشترین واژگان کلیدی را در این شبکه در برداشته و خوشه ۶ با تعداد ۹ کلیدواژه، کمترین تعداد آن را به خود اختصاص داده است.

جدول ۷. کلیدواژه‌ها با بیشترین قدرت پیوند در هر یک از خوشه‌های موجود در شبکه هم‌رخدادی واژگان

شماره خوشه	رنگ خوشه	کلیدواژه منتخب	فرابانی	قدرت پیوند	تعداد واژگان خوشه
۱	قرمز	حل مسئله	۱۳۷	۷۴۰	۴۰
۲	سبز	کتاب درسی	۷۶	۳۱۴	۳۰
۳	آبی تیره	عملکرد ریاضی	۱۷۰	۸۷۰	۲۵
۴	زرد	یادگیری	۱۷۲	۷۲۸	۱۹
۵	بنفش	معلمان	۲۷	۱۳۴	۱۶
۶	آبی روشن	انگیزه	۵۵	۳۰۰	۹

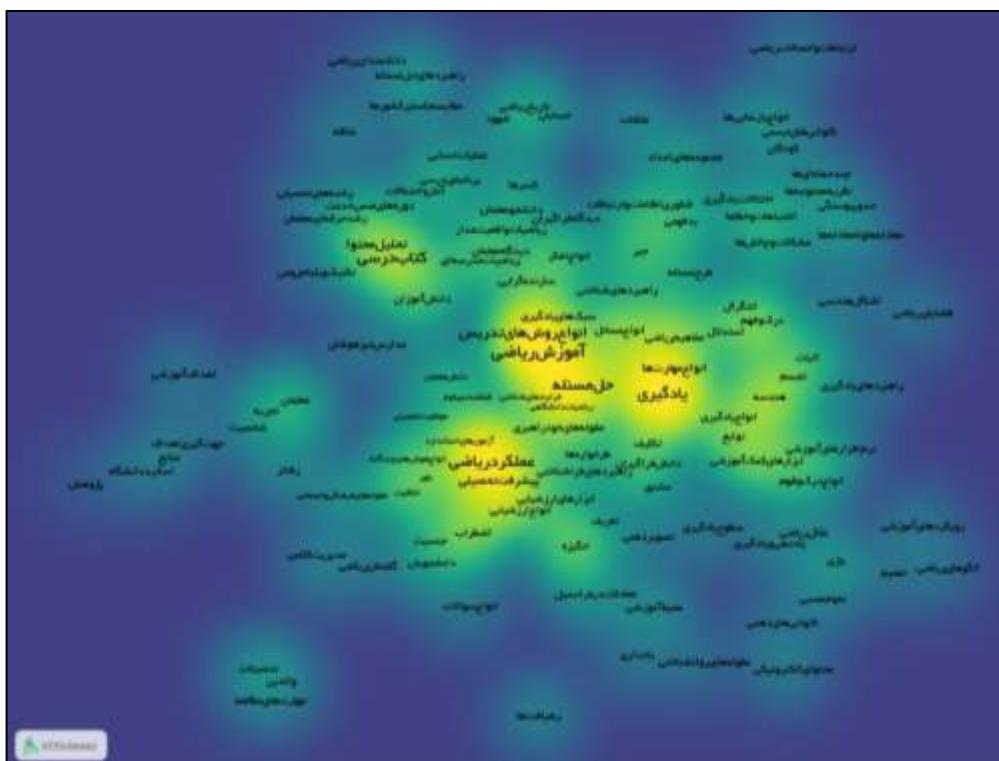
در جدول ۸، زوج کلیدواژه‌هایی که حداقل ۱۰ بار با یکدیگر رخداده‌اند، آمده که تعداد آن‌ها ۴۶ مورد است. نتایج نشان می‌دهد بیشترین هم‌رخدادی مربوط به زوج واژگان تحلیل محتوا-کتاب درسی، حل مسئله-عملکرد ریاضی، آموزش ریاضی-یادگیری، آموزش ریاضی-عملکرد ریاضی است. در بین این کلیدواژه‌ها عملکرد ریاضی و حل مسئله در تعداد بیشتری از هم‌رخدادی زوج واژگان شرکت داشته‌اند.

ترسیم نقشه علمی و تحلیل شبکه هم رخدادی واژگان پایان نامه های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ...

جدول ۸. زوج واژگان هم رخداد با حداقل ۱۰ تکرار در عنوان پایان نامه های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی  
دانشگاه های مطرح ایران (۱۳۸۰ تا ۱۴۰۱)

ردیف	زوج واژگان هم رخداد	فرآوانی ردیف	زوج واژگان هم رخداد	فرآوانی
۱	تحلیل محتوا- کتاب درسی	۲۸	آموزش ریاضی- ابزارهای کمک آموزشی	۲۴
۲	حل مسئله- عملکرد ریاضی	۳۰	آموزش ریاضی- تاریخ ریاضی	۲۵
۳	آموزش ریاضی- یادگیری	۲۷	نظریه و مدل های یادگیری- هندسه	۲۶
۴	آموزش ریاضی- عملکرد ریاضی	۲۷	اثبات- استدلال	۲۷
۵	انگیزه- یادگیری	۲۴	حل مسئله- نظریه و مدل های یادگیری	۲۸
۶	آموزش ریاضی- حل مسئله	۲۴	توابع- درک و فهم	۲۹
۷	انواع مسائل- حل مسئله	۲۳	مشکلات و چالش ها- نگرش	۳۰
۸	اضطراب- عملکرد ریاضی	۲۲	اثبات- درک و فهم	۳۱
۹	توانایی فراگیران- حل مسئله	۲۲	توابع- مفاهیم ریاضی	۳۲
۱۰	انواع روش های تدریس- عملکرد ریاضی	۲۱	درک و فهم- نظریه و مدل های یادگیری	۳۳
۱۱	عملکرد ریاضی- نگرش	۲۰	انگیزش- یادگیری	۳۴
۱۲	هندسه- یادگیری	۱۹	انواع هوش های چندگانه- عملکرد ریاضی	۳۵
۱۳	انواع روش های تدریس- حل مسئله	۱۹	پیشرفت تحصیلی- یادگیری	۳۶
۱۴	آموزش ریاضی- مفاهیم ریاضی	۱۸	پیشرفت تحصیلی- انواع روش های تدریس	۳۷
۱۵	عملکرد ریاضی- مقوله های خود راه بری	۱۸	آموزش ریاضی- ابزارهای کمک آموزشی	۳۸
۱۶	انواع روش های تدریس- یادگیری	۱۷	حل مسئله- راه بردهای فراشناختی	۳۹
۱۷	آموزش ریاضی- فناوری اطلاعات	۱۷	آموزش ریاضی- نظریه و مدل های یادگیری	۴۰
۱۸	آموزش ریاضی- انواع روش های تدریس	۱۷	ابزارهای کمک آموزشی- عملکرد ریاضی	۴۱
۱۹	ابزارهای کمک آموزشی- یادگیری	۱۶	عملکرد- هندسه	۴۲
۲۰	آموزش ریاضی- هندسه	۱۵	اضطراب- انواع روش های تدریس	۴۳
۲۱	انواع روش های تدریس- هندسه	۱۵	اضطراب- حل مسئله	۴۴
۲۲	نرم افزار آموزشی- یادگیری	۱۴	اضطراب- نگرش	۴۵
۲۳	درک و فهم- مفاهیم ریاضی	۱۴	انگیزش- مقوله های خود راه بری	۴۶

درنهایت نقشه چگالی هم رخدادی واژگان مهم پایان نامه های آموزش ریاضی ترسیم شد (شکل ۳). در این نقشه، واژگانی که با هم ارتباط بیشتری دارند، در فاصله نزدیک تر و واژگانی که ارتباط بین آنها کمتر است در فاصله دورتری نمایش داده می شوند. چگالی هر کلید واژه بر اساس تعداد وقوع آنها، تعداد گره های همسایه و اهمیت گره های همسایه آنها تعیین می شود. طیف رنگ های زرد تا آبی نشان دهنده وزن چگالی بیشتر تا چگالی کمتر در گره های شبکه است. نقاط روشن تر در این نقشه تمرکز پژوهشگران را در حوزه های موضوعی آموزش ریاضی نشان می دهد.



شکل ۳. نقشه چگالی هم‌رخدادی واژگان کلیدی عناوین پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی در دانشگاه‌های مطرح ایران (۱۴۰۱ تا ۱۳۸۰)

بر این اساس، مفاهیمی همچون عملکرد ریاضی، حل مسئله، یادگیری از بالاترین میزان چگالی در نقشه هم‌رخدادی واژگان برخوردار هستند. در جدول ۹، چگالی ۳۰ کلیدواژه که بیشترین میزان را در بین واژگان مهم عنوانین پایان‌نامه‌ها داشته‌اند، نشان داده شده است.

جدول ۹. ۳۰ کلیدواژه با بیشترین چگالی در عنوان پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی دانشگاه‌های مطرح ایران (۱۴۰۱ تا ۱۳۸۰)

ردیف	کلیدواژه	ردیف	چگالی	کلیدواژه	ردیف	چگالی
۱	عملکرد ریاضی	۸	۸۷۰	مفاهیم ریاضی	۳۳۶	۳۳۶
۲	آموزش ریاضی	۹	۸۴۸	اضطراب	۳۲۶	۳۲۶
۳	حل مسئله	۱۰	۷۴۰	درک و فهم	۳۱۶	۳۱۶
۴	یادگیری	۱۱	۷۲۸	کتاب درسی	۳۱۴	۳۱۴
۵	انواع روش‌های تدریس	۱۲	۵۸۲	انگیزه	۳۰۰	۳۰۰
۶	هندسۀ	۱۳	۴۲۰	ابزارهای کمک‌آموزشی	۲۹۲	۲۹۲
۷	نظریه و مدل‌های یادگیری	۱۴	۳۳۸	پیشرفت تحصیلی	۲۸۶	۲۸۶

ادامه جدول ۹. ۳۰ کلیدواژه با بیشترین چگالی در عنوان پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی  
دانشگاه‌های مطرح ایران (۱۴۰۱ تا ۱۳۸۰)

ردیف	کلیدواژه	چگالی	ردیف	کلیدواژه	چگالی
۱۵	توانایی فرآگیران	۲۷۸	۲۳	تحلیل محظوظ	۱۷۰
۱۶	نگرش	۲۷۶	۲۴	دانش آموزان	۱۶۸
۱۷	مقوله‌های خود راهبری	۲۱۶	۲۵	انواع تفکر	۱۶۴
۱۸	انواع مسائل	۲۱۰	۲۶	جبر	۱۶۰
۱۹	باور	۱۹۴	۲۷	اثبات	۱۵۰
۲۰	توابع	۱۸۲	۲۸	نرم افزار آموزشی	۱۴۶
۲۱	فعالیت گروهی و مشارکتی	۱۸۲	۲۹	فنواری اطلاعات و ارتباطات	۱۳۴
۲۲	بدفهمی	۱۷۰	۳۰	معلمان	۱۳۴

## بحث و نتیجه‌گیری

آموزش ریاضی از جمله رشته‌هایی است که در سال‌های اخیر مورد توجه دانشگاه‌ها قرار گرفته و شاهد افزایش تعداد دانشجویان این گرایش در مقطع تحصیلات تکمیلی است. از آنجاکه برای برنامه‌ریزی و سیاست‌گذاری، نیازمند بررسی و تحلیل پژوهش‌های گذشته هستیم، علم سنجی پایان‌نامه‌های آموزش ریاضی و ترسیم نقشه علمی آن‌ها به منظور درک پراکندگی موضوعی، تحلیل تأثیرگذارترین مفاهیم پژوهشی، شناسایی خلاصه‌ای پژوهشی در آن‌ها و غیره با اهمیت و مهم است. در همین راستا، هدف پژوهش حاضر، ترسیم نقشه علمی و تحلیل روابط هم‌رخدادی واژگان عنوانیں ۱۱۲۳ پایان‌نامه کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ریاضی طی سال‌های ۱۴۰۱ تا ۱۳۸۰، در هفت دانشگاه مطرح ایران شامل دانشگاه‌های شهید رجایی تهران، شهید بهشتی تهران، فردوسی مشهد، شهید باهنر کرمان، شهید چمران اهواز، واحد علوم و تحقیقات تهران و واحد زاهدان در دانشگاه آزاد اسلامی است. در بخش اول این پژوهش، روند رشد تولیدات علمی این رشته در دانشگاه‌های مذکور مورد بررسی و تحلیل قرار گرفت که اولین پایان‌نامه دفاع شده در مقطع کارشناسی ارشد مربوط به سال ۱۳۸۰ و اولین مورد در مقطع دکتری در سال ۱۳۸۶ است. به‌طورکلی، یافته‌ها روند رشد نسبی تولیدات دانشگاهی را در مقطع تحصیلات تکمیلی این رشته نشان می‌دهد به‌طوری‌که بیشتر آن‌ها در مقطع کارشناسی ارشد در سال ۱۳۹۰ و در مقطع دکتری در سال ۱۳۹۶ رخ داده است. از سال ۱۳۹۹ شاهد افت نسبی در تولید پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد آموزش ریاضی هستیم که علت آن را می‌توان به شیوع ویروس کرونا و کاهش نسبی فعالیت دانشگاه‌ها نسبت داد؛ اما نتایج نشان می‌دهد، طی سال‌های ۱۴۰۱ تا ۱۳۹۶ علاقه فارغ‌التحصیلان کارشناسی ارشد به ادامه تحصیل در مقطع دکتری، منجر به افزایش تولید پایان‌نامه‌های دکتری طی سال‌های اخیر نسبت به دو دهه گذشته شده است. از آنجاکه طی فعالیت این گرایش دانشگاهی در ایران شاهد حضور تعداد نسبتاً کم اساتید متخصص این رشته در برخی دانشگاه‌ها بوده‌ایم، این افزایش می‌تواند مؤید لزوم افزایش جذب اساتید و حضور افراد متخصص بیشتر در دانشگاه‌های ایران بهویژه دانشگاه فرهنگیان باشیم.

تحلیل کلیدواژه‌های موجود در عنوان پایان‌نامه‌ها نشان داد که کلیدواژه آموزش ریاضی بیشترین تکرار را داشته است. این نتیجه با پژوهش ارسلان و همکاران (Arslan et al., 2021)، همسو بوده و بیانگر این موضوع است که در

بین ۷۴ پایان نامه آموزش ریاضی کشور ترکیه نیز این کلیدواژه پرسامدتر بوده است. پس از آن کلیدواژه های یادگیری، عملکرد ریاضی، حل مسئله، انواع روش های تدریس، پیشرفت تحصیلی، هندسه، کتاب درسی، درک و فهم، نظریه و مدل های یادگیری، مفاهیم ریاضی، ابزارهای کمک آموزشی، اضطراب، انگیزه و نگرش به ترتیب بیشترین تکرار را در عنوانین پایان نامه ها دارند که به نوعی دغدغه های تحقیقاتی پژوهشگران و اهمیت و جایگاه این مفاهیم در فعالیت پژوهشی حوزه آموزش ریاضی را نشان می دهد و می تواند به ماهیت رشتۀ آموزش ریاضی که هدف اصلی آن چگونگی آموزش و یادگیری ریاضی است، مرتبط باشد. این نتیجه با تحلیل کریمی فردین پور (۱۳۹۷) هم همسو است که بالا بودن نسبت کلیدواژه های همسان را نشان از تمرکز موضوعی مقالات متخصصان آموزش ریاضی طی سال های ۱۳۹۶ تا ۱۳۷۲ می دانست.

تحلیل سطوح آموزشی پایان نامه ها نیز نشان داد تقریباً نیمی از تحقیقات دانشگاهی آموزش ریاضی ایران در سطوح آموزشی دوره دوم متوسطه (مقاطع دبیرستان) و پس از آن در دوره اول متوسطه (مقاطع راهنمایی) و مقطع ابتدایی انجام شده است. این موضوع تمرکز پژوهش های آموزش ریاضی بر ریاضیات مدرسه ای بهویژه در مقطع دبیرستان را نشان می دهد که به نتایج مطالعه رئوتutar (Reotutar, 2020)، در پایان نامه های آموزش ریاضی فیلیپین طی سال های ۲۰۰۷ تا ۲۰۱۶ نزدیک است. علت این موضوع را می توان مواردی همچون در دسترس بودن جامعه آماری یاد شده برای دانشجویان تحصیلات تکمیلی، پرنگ بودن منافع تحقیقات آموزش ریاضی برای مدارس، وجود پیشینه تحقیقات این سطوح آموزشی و غیره دانست. به نظر می رسد این تمرکز با توجه به ماهیت رشتۀ آموزش ریاضی چندان مناسب نیست، چرا که نتایج حاصل از تحقیقات این گرایش، در دوره ها و سطوح آموزشی مختلف کاربرد فراوان دارد. در همین راستا برای پژوهش های آتی این گرایش، مطالعه بیشتر در حوزه آموزش ریاضی پیش دبستان، آموزش های فنی و حرفه ای، دوره های ضمن خدمت، آموزش عالی و تحصیلات تکمیلی و غیره پیشنهاد می شود.

در بخش دوم این پژوهش، تحلیل روابط هم رخدادی واژگان موجود در عنوانین پایان نامه ها بر اساس شاخص های مرکزیت درجه، بینایی و نزدیکی و ترسیم نقشه علمی با رویکرد علم سنجی صورت گرفت. نتایج حاصل از بررسی شاخص مرکزیت درجه در شبکه هم رخدادی واژگان، نشان داد عملکرد ریاضی، تأثیرگذارترین واژه است و شبکه بیشتری را در اختیار دارد و پارادایم اصلی و مورد توجه پایان نامه ها، چگونگی عملکرد فرآگیران در ریاضی است. پس از آن آموزش ریاضی، حل مسئله، یادگیری و انواع روش های تدریس بیشترین موضوعات پایان نامه ها را در برگرفته اند و همانند ستارگان در کهکشان ها، منظمه ای از سیارات را در اطراف خود ساخته اند. این مطلب با نتایج مقاله گوکچه و گونر (Gökçe & Guner, 2021)، که مطالعه برنامه درسی، عوامل مرتبط با معلمان، سنجش و ارزشیابی را موضوعات داغ پژوهشی در بین مقالات آموزش ریاضی پایگاه وب آوساینس طی سال های ۱۹۸۰ تا ۲۰۱۸ معرفی کردند، متفاوت است. از سوی دیگر، کلیدواژه های آموزش ریاضی و یادگیری به دلیل آن که دارای بیشترین شاخص مرکزیت بینایی بوده اند، موضوعاتی هستند که پرنگ ترین نقش واسطه ای را بین سایر موضوعات پایان نامه ها داشته و ارتباط و پیوستگی مؤثر تری را بین آنها برقرار کرده اند. این بدان معناست که این موضوعات بیشترین بار انتقال اطلاعات را در بین مفاهیم انتخاب شده توسط محققان داشته اند که با توجه به ماهیت گرایش آموزش ریاضی و تمرکز بر چگونگی آموزش و یادگیری ریاضی، قابل تبیین است. نتایج نشان می دهد آموزش ریاضی، یادگیری و عملکرد ریاضی بیشترین شاخص مرکزیت نزدیکی را نیز داشته و با حداقل فاصله با سایر موضوعات ارتباط برقرار کرده اند. از آنجاکه همین چند واژه، بالاترین عدد در بین انواع شاخص های مرکزیت را به خود اختصاص دادند،

ترسیم نقشه علمی و تحلیل شبکه هم رخدادی واژگان پایان نامه های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ...

می توان نتیجه گرفت که تمرکز موضوعی مطالعات آموزش ریاضی تحقیقات دانشگاهی ایران در چند مورد محدود و البته مهم است.

ترسیم نقشه علمی هم رخدادی واژگان، نشان می دهد زوج واژگان تحلیل محتوا-کتاب درسی، حل مسئله-عملکرد ریاضی، آموزش ریاضی-یادگیری و آموزش ریاضی-عملکرد ریاضی بالاترین میزان هم رخدادی را دارند که هم رخدادی این واژگان، رویکرد پژوهشگران آموزش ریاضی را در انتخاب عنوان و موضوع پژوهش خود نشان می دهد. این موضوع نشان دهنده آن است که اغلب تحقیقاتی که با روش تحلیل محتوا انجام شده اند، کتاب های درسی را مورد بررسی قرار داده اند. همچنین مطالعه موضوعات حل مسئله و چگونگی آموزش مفاهیم ریاضی بیشتر در مورد عملکرد ریاضی بوده و شیوه آموزش ریاضیات و یادگیری آن، به طور کلی به عنوان محور هایی مهم، هم زمان بررسی و مورد تحقیق قرار گرفته اند. این یافته ها با نتایج پژوهش دده و ازدمیر (Dede & Ozdemir, 2022) تا اندازه ای نزدیک است که با استفاده از ترسیم نقشه علمی مقالات آموزش ریاضی طی سال های ۲۰۰۵ تا ۲۰۲۱ نشان دادند اغلب مجلات کشور ترکیه علاقه مند به چاپ مقالات پیرامون موضوعات توسعه حرفه ای معلمان ریاضی، تدریس، یادگیری ریاضی و توسعه برنامه درسی هستند. در این نقشه، مفاهیمی همچون یادگیری، عملکرد ریاضی، حل مسئله، آموزش ریاضی و نگرش از بیشترین میزان چگالی در نقشه هم رخدادی واژگان پایان نامه های آموزش ریاضی نیز برخوردارند که این چگالی نشان می دهد، تعداد وقوع آن ها، تعداد واژگانی که ارتباط بیشتری با آن ها داشته و اهمیت گره های همسایه آن ها در شبکه بیشتر است. بر اساس این نقشه، موضوعاتی مانند اساتید دانشگاه، تعمیم، کارایی، ناتوانی های ذهنی، نظریه مجموعه ها، آمار و احتمالات، روش ویلیام رومی، چند جمله ای، رابطه معلم و دانش آموز، تعریف، مهارت های مطالعه، ریاضیات قومی، دانشمندان ریاضی و پژوهش به طور پراکنده و کمتر مورد توجه جامعه پژوهشی قرار گرفته اند که هر کدام به طور مستقل یا تلفیقی از آن ها به منظور پژوهش بیشتر، به محققان در مطالعات آتی پیشنهاد می شوند. ارائه نقشه علمی پایان نامه های آموزش ریاضی سبب ایجاد آگاهی بیشتر اساتید و محققان از وضعیت مطالعات انجام شده و آپاهی از چالش ها و شکاف های موضوعی در این حوزه شده و از انجام پژوهش های تکراری جلوگیری می کند. این مطالعه، با تحلیل هم رخدادی عنوانین پایان نامه های دانشگاه های ایران سعی بر ارائه نگرش کلی از روند پژوهش های انجام شده در این رشته طی بازه زمانی ۲۱ ساله داشته و بستر های پژوهشی لازم برای تحقیقات آینده را نشان می دهد.

### پیشنهادهای اجرایی پژوهش

- اولویت های پژوهشی و موضوعی با توجه به خلاه های پژوهشی مشخص شده در این مقاله برای تحقیقات دانشگاهی گرایش آموزش ریاضی تدوین شود.
- با توجه به هم رخدادی واژگان پایان نامه ها در این پژوهش، فهرستی از اصطلاحات مختلف در تحقیقات آموزش ریاضی تهیه و موضوعات جدید پژوهشی با توجه به آن ها برای دانشجویان تحصیلات تكمیلی تبیین شود.

### پیشنهاد برای پژوهش های آتی

- به منظور تکمیل و توسعه نتایج بدست آمده در این تحقیق، موارد زیر پیشنهاد می شود:
- در پژوهشی مشابه، روند تولیدات پژوهشگران در مقالات علمی این گرایش با استفاده از تحلیل هم رخدادی واژگان و ترسیم نقشه علمی به تصویر کشیده شود.

- پژوهشی به صورت میدانی برای ردیابی گرایش‌های مورد علاقه دانشجویان تحصیلات تکمیلی و دلایل این گرایش‌ها در حوزه آموزش ریاضی ایران انجام شود.
- تحقیقی به صورت تطبیقی، نتایج این پژوهش را با موارد مشابه در کشورهای دیگر مقایسه و با بررسی آن‌ها، گرایش‌های موضوعی مطرح در دانشگاه‌های سایر کشورها نیز ردیابی شود.

## تقدیر و تشکر

به این وسیله از کارکنان محترم واحد کتابخانه دانشگاه‌های جامعه هدف پژوهش حاضر، برای همکاری در گردآوری داده‌های تحقیق، سپاسگزاری می‌شود.

## فهرست منابع

ابراهیم نیا، و، حبیبی، س، و حسینی‌رضایی، ر. (۱۴۰۱). تحلیل پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد رشته برنامه‌ریزی شهری و منطقه‌ای دانشگاه شهید بهشتی (۱۳۹۵-۱۳۸۵) از منظر علم سنجی و مقایسه با چالش‌های مرتبط با این رشته در ایران. *پژوهشنامه علم سنجی*, ۸(۱۶)، ۵۳-۷۴.  
<https://doi.org/10.22070/rsci.2020.5903.1443>

احمدی، ح، و عصاره، ف. (۱۳۹۶). مروی بر کارکردهای تحلیل هم‌وازگانی. *مطالعات ملی کتابداری و سازمان‌دهی اطلاعات*. ۲۸(۱)، ۱۴۵-۱۲۵.  
[https://nastinfo.nlai.ir/article\\_1132.html](https://nastinfo.nlai.ir/article_1132.html)

چاووشی نجف آبادی، ز، و شعبانی، ا. (۱۳۸۸). بررسی مفاهیم، تعاریف و کارکردهای تحلیل استنادی در حوزه علم سنجی. *دانش‌شناسی (علوم کتابداری و اطلاع‌رسانی و فناوری اطلاعات)*, ۲(۴)، ۱۵-۲۴.  
<https://sanad.iau.ir/journal/qje/Article/520737?jid=520737>

حاضری، ا. مکی‌زاده، ف، و بیک خورمیزی، ف. (۱۳۹۵). تحلیل هم‌وازگانی مقالات مستخرج از پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد علم اطلاعات و دانش‌شناسی. *پژوهشنامه علم سنجی*, ۲(۴)، ۶۹-۶۲.  
<https://doi.org/10.22070/rsci.2016.492>

خواستار، ح، غفاری، ر، پورعزت، ع، ا، و حیدری، ا. (۱۳۹۰). پژوهشی درباره پایان‌نامه‌های کارشناسی ارشد مدیریت دولتی از حیث موضوع و روش: موردمطالعه دانشگاه تهران. *فصلنامه علوم مدیریت ایران*. ۲۱(۶)، ۱۰۵-۱۲۳.  
[https://journal.iams.ir/article\\_96.html](https://journal.iams.ir/article_96.html)

راچمنی، ا، نوکاریزی، م، و شریف، ع. (۱۳۹۷). وضعیت کمی تولید پایان‌نامه‌ها و رساله‌های حوزه علوم انسانی با رویکرد اسلامی در دانشگاه فردوسی مشهد طی سال‌های ۱۳۹۳-۱۳۶۳. *پژوهشنامه علم سنجی*, ۴(۸)، ۱۶۱-۱۸۳.  
<https://doi.org/10.22070/rsci.2018.641>

رحیمی، ص، سهیلی، ف، و شرفی، ن. (۱۴۰۰). شناسایی و تحلیل ساختار دانشی مطالعات آموزش عالی ایران بر اساس تحلیل شبکه‌ی هم‌وازگانی مقالات در پایگاه استنادی علوم جهان اسلام. *مطالعات برنامه‌ی درسی آموزش عالی*. ۲۴(۱۲)، ۳۱۳-۳۳۱.  
[https://www.icsajournal.ir/article\\_145791.html?lang=fa](https://www.icsajournal.ir/article_145791.html?lang=fa)

ترسیم نقشه علمی و تحلیل شبکه هم رخدادی واژگان پایان نامه های کارشناسی ارشد و دکتری آموزش ...

سهیلی، ف.، شعبانی، ع.، و خاصه، ع. ا. (۱۳۹۵). ساختار فکری دانش در حوزه رفتار اطلاعاتی: مطالعه هم واژگانی.

تعامل انسان و اطلاعات. (۲)، (۴)، ۲۱-۳۶.

[https://hii.knu.ac.ir/browse.php?a\\_id=2446&sid=1&slc\\_lang=fa](https://hii.knu.ac.ir/browse.php?a_id=2446&sid=1&slc_lang=fa)

صبوری، ع. ا.، کرمی، ل.، و پیرحقی، م. (۱۳۹۴). شاخص های مرسوم و جدید در علم سنجی. نشاء علم، (۱۱)، ۶-۱۷.

[https://www.sciencecultivation.ir/article\\_242347.html](https://www.sciencecultivation.ir/article_242347.html)

صدیقی، مهری. (۱۳۹۳). بررسی کاربرد روش تحلیل هم رخدادی واژگان در ترسیم ساختار حوزه های علمی (مطالعه

موردنی: حوزه اطلاع سنجی). پژوهشنامه پژوهش و مدیریت اطلاعات. (۳۰)، (۲)، ۳۷۳-۳۹۶.

[https://jipm.irandoc.ac.ir/article\\_699297.html?lang=fa](https://jipm.irandoc.ac.ir/article_699297.html?lang=fa)

عریضی، ح.، عابدی، ا.، و تاجی، م. (۱۳۸۹). رابطه بین نیمرخ سبک های یادگیری با عملکرد تحصیلی دانش آموزان در

دورس ریاضی و علوم دوره راهنمایی شهر اصفهان. نوآوری های آموزشی، (۹)، (۲)، ۷-۲۴.

[https://noavaryedu.oerp.ir/article\\_78923.html?lang=fa](https://noavaryedu.oerp.ir/article_78923.html?lang=fa)

کریمی فردین پور، ی. (۱۳۹۷). مطالعه گستره پژوهش های متخصصان آموزش ریاضی با استفاده از کلید واژگان.

<http://doi.org/10.22088/cjs.5.2.48>. ۴۸-۵۵. (۵)، (۲).

کریمی فردین پور، ی. (۱۳۹۹). تحلیل کمی مجلات علمی فارسی زبان منتخب متخصصان آموزش ریاضی از سال

۱۳۷۲ تا ۱۳۹۶. پژوهش در آموزش ریاضی، (۱)، (۲)، ۸۱-۹۴.

گویا، ز. (۱۳۹۳). آموزش ریاضی چه نیست؟! نظریه و عمل در برنامه درسی. (۲)، (۳)، ۱-۲۴.

<https://cstp.knu.ac.ir/article-1-2108-fa.html>

گویا، ز.، و غلام آزاد، س. (۱۳۹۵). شکل گیری و تکوین یک برنامه بین رشته ای دوره تحصیلات تكمیلی: آموزش

ریاضی در ایران. دو فصلنامه مطالعات برنامه درسی آموزش عالی. (۷)، (۱۴)، ۳۳-۵۲.

[https://www.icsajournal.ir/article\\_50075.html](https://www.icsajournal.ir/article_50075.html)

نظربلند، ن.، رحمانی، ر.، رحمانی، م.، و عرفان منش، م. (۱۳۹۷). ترسیم و تحلیل شبکه هم رخدادی واژگان در

پایان نامه های گروه مشاوره دانشگاه شهید بهشتی. پژوهشنامه علم سنجی، (۴)، (۷)، ۱۷۹-۱۹۳.

<https://doi.org/10.22070/rsci.2018.613>

مصطفی غربا، ر.، فدائی، غ.، و حری، ع. (۱۳۸۶). تحلیل استنادی تطبیقی پایان نامه های دکتری شیمی دانشگاه تهران و

دانشگاه تربیت مدرس (۱۳۷۶-۱۳۸۳). تحقیقات کتابداری و اطلاع رسانی دانشگاهی، (۴۴)، (۳۹)، ۱۵-۴۳.

[https://jlib.ut.ac.ir/article\\_21087.html?lang=fa](https://jlib.ut.ac.ir/article_21087.html?lang=fa)

نوروزی چاکلی، ع. (۱۴۰۰). آشنایی با علم سنجی (مبانی، مفاهیم، روابط و ریشه ها). تهران، سازمان مطالعه و تدوین

کتب دانشگاهی در علوم اسلامی و انسانی (سمت).

<https://samt.ac.ir/en/book/3376/introduction-to-scientometric>

یزدانی، ک.، نجات، س.، رحیمی موقر، آ.، قالیچی، ل.، و خلیلی، م. (۱۳۹۳). علم سنجی: مروری بر مفاهیم، کاربردها و

شاخص ها. مجله اپیلومولوژی ایران. (۴)، (۱۰)، ۷۸-۸۸.

[https://irje.tums.ac.ir/browse.php?a\\_id=5292&sid=1&slc\\_lang=fa](https://irje.tums.ac.ir/browse.php?a_id=5292&sid=1&slc_lang=fa)

- Ahmadi, H., & Osareh, F. (2017). Co-word analysis concept, definition and application. *National studies on librarianship and information organization*, 28(1), 125-145.  
[https://nastinfo.nlai.ir/article\\_1132.html?lang=en](https://nastinfo.nlai.ir/article_1132.html?lang=en) [In Persian].
- Baki, A., Güven, B., Karataş, İ., Akkan, Y., & Çakıroğlu, Ü. (2011). Trends in Turkish mathematics education research: From 1998 to 2007. *H. U. Journal of Education*, 40(40), 57-68.  
<https://dergipark.org.tr/en/download/article-file/87349>
- Arslan, Ç., Karaduman, B., & Özaydın, Z. (2021). Thematic analysis of postgraduate theses on mathematics literacy in the field of mathematics education in Turkey. *Necatibey Faculty of Education Electronic Journal of Science and Mathematics Education*, 15(2), 317-340.  
<https://doi.org/10.17522/balikesirnef.1025977>
- Atweh, B., Lapinid, M.R.C., Limjap, A.A., Elipane, L.E., Basister, M., Conde, R.L. (2023). Correction to: Critical Analysis of Mathematics Education Doctoral Dissertations in the Philippines: 2009–2021. In: Atweh, B., Fan, L., Vistro-Yu, C.P. (eds), *Asian Research in Mathematics Education. Mathematics Education – An Asian Perspective*. Springer, Singapore. [https://doi.org/10.1007/978-981-99-0643-7\\_9](https://doi.org/10.1007/978-981-99-0643-7_9)
- Cansız Aktaş, M. (2022). Problem-Posing Research in Mathematics Education: A Bibliometric Analysis. *Journal of Pedagogical Research*, 6(4), 217-233.  
<https://doi.org/10.33902/JPR.202217414>
- Castro, P., & Gómez, P. (2021). Taxonomy of key terms for mathematics education. *International Journal of Education in Mathematics, Science, and Technology (IJEMST)*, 9(4), 585-613. <https://doi.org/10.46328/ijemst.1289>
- Chavoshi Najafabadi, Z., & Shabani, A. (2009). Study of meanings, definishings and functions of citayions analysis in the field of epistemology. *Journal of epistemology library and information science and information technology*, 2(4), 15-24.  
<https://sanad.iau.ir/journal/qje/Article/520737?jid=520737> [In Persian].
- Dede, E., & Ozdemir, E. (2022). Mapping and Performance Evaluation of Mathematics Education Research in Turkey: A Bibliometric Analysis from 2005 to 2021. *Journal of Pedagogical Research*, 6(4), 1-19. <https://doi.org/10.33902/JPR.202216829>
- Donthu, N., Kumar, S., & Pattnaik, D. (2020). Forty-five years of Journal of Business Research: A bibliometric analysis. *Journal of business research*, 109, 1-14.  
<https://doi.org/10.1016/j.jbusres.2019.10.039>
- Ebrahimnia, V., Habibi, S. S., & Hoseinirezaei, S. R. (2022). Analysis of the Urban and Regional Planning Post-Graduate Theses at Shahid Beheshti University (2006- 2016): A Scientometric Perspective and Comparison with the Challenges in this Field in Iran. *Scientometrics Research Journal*, 8(16), 53-74.  
<https://doi.org/10.22070/rsci.2020.5903.1443> [In Persian].
- Inan, E., & Mert Uyangör, S. (2022). A Thematic analysis of theses prepared on mathematics education with gifted and talented students in Türkiye. *Participatory Educational Research*, 9(6), 19-40. <https://doi.org/10.17275/per.22.127.9.6>
- Fernández Cano, A., Torralbo, M., Rico, L., Gutiérrez, P., & Maz, A. (2003). Análisis cien ciométrico de las tesis doctorales españolas en educación y matemática (1976-1998). *Revista española de documentación científica*, 26(2), 162-174.  
<https://helvia.uco.es/bitstream/handle/10396/3903/189.pdf?sequence=1>

- Gökçe, S., & Guner, P. (2021). Forty years of mathematics education: 1980-2019. *International Journal of Education in Mathematics, Science and Technology*, 9(3), 514-539.  
<https://doi.org/10.46328/ijemst.1361>
- Gooya, Z. (2014). What ain't mathematics education?!. *Journal of Theory & Practice in Curriculum*. 2(3), 1-24. <https://cstp.knu.ac.ir/article-1-2108-en.html> [In Persian].
- Gooya, Z., & Gholam Azad, S. (2017). Development of an Interdisciplinary Curriculum at the Graduate Level: Master and Doctoral Program of Mathematics Education in Iran. *Journal of higher education curriculum studies*, 7(14), 33-52.  
[https://www.icsajournal.ir/article\\_50075.html?lang=en](https://www.icsajournal.ir/article_50075.html?lang=en) [In Persian].
- Güzeller, C. O., & Çeliker, N. (2018). Bibliometric analysis of tourism research for the period 2007-2016. *Advances in Hospitality and Tourism Research (AHTR)*, 6(1), 1-22.  
<https://doi.org/10.30519/ahtr.446248>
- Hazeri, A., Makkizadeh, F., & Beyk Khormizi, F. (2016). The Co-word Analysis of Papers Extracted from the Information Science and Knowledge Studies Master Theses. *Scientometrics Research Journal*, 2 (2), 49-62. <https://doi.org/10.22070/rsci.2016.492> [In Persian].
- Ivancheva, L. (2008). Scientometrics today: A methodological overview. *Collnet journal of scientometrics and information management*, 2(2), 47-56.  
<https://doi.org/10.1080/09737766.2008.10700853>
- Karimi Fardinpour, Y. (2018). Studying the research scope of mathematics education specialists using keywords. *Caspian Journal of Scientometrics*, 5(2), 48-55.  
<http://doi.org/10.22088/cjs.5.2.48> [In Persian].
- Karimi Fardinpour, Y. (2021). Quantitative analysis of farsi-language scientific journals selected by mathematical education specialists from 1993 to 2017. *Research in mathematics education*, 1(2 ), 81-94. [https://rme.cfu.ac.ir/article\\_1575.html?lang=fa](https://rme.cfu.ac.ir/article_1575.html?lang=fa) [In Persian].
- Kaya, D., & Kutluca, T. (2024). E-learning in mathematics education: a bibliometric analysis (2012-2022). *Turkish online journal of distance education*, 25(1), 213-246.  
<https://doi.org/10.17718/tojde.1248777>
- Khastar, H., Ghafari, R., Pourezzat, A. A., & Heidari, E. (2012). A study of subject areas and research methods of public administration master's theses: the case of university of tehran. *Iranian journal of management sciences*, 6(21), 105-122.  
[https://journal.iams.ir/article\\_96.html](https://journal.iams.ir/article_96.html) [In Persian].
- Maz-Machado, A., Gutiérrez-Rubio, D., Madrid, M. J., & Pedrosa Jesús, C. (2022). A Look at Doctoral Theses in Mathematics Education at Andalusian Universities (2010-2020) from a Gender Perspective. *TEM Journal*, 11(3), 1007-12. <https://doi.org/10.18421/TEM113-03>
- Mozaffari Gorabba, R., Fadaei, G., & Hori, A. (2007). Citation Analysis of Chemistry Doctoral Dissertations in Tehran and Tarbiat Modarres Universities (1996-2004). *Academic Librarianship and Information Research*, 39(44).  
[https://jlib.ut.ac.ir/article\\_21087.html?lang=en](https://jlib.ut.ac.ir/article_21087.html?lang=en) [In Persian].
- Nazarboland, N., Rahmani, R., Rahmani, M., & Erfan Manesh, M. A. (2018). Visualization and Analysis of Word Co-occurrence Network of the Theses in the Department of Consulting of Shahid Beheshti University. *Scientometrics Research Journal*, 4(7), 179-193.  
<https://doi.org/10.22070/rsci.2018.613> [In Persian].

Norooz Chakoli, A. (2021). *Introduction to Scientometric (Foundations, Concepts, Relations and Origins)*. Tehran: SAMT. <https://samt.ac.ir/en/book/3376/introduction-to-scientometric> [In Persian].

Oreyzi, H., Abedi, A., & Taji, M. (2010). Relation between learning styles profile with academic performance of middle school students in science and mathematic lessons. *Journal of educational innovations*, 9(34), 7-24.  
[https://noavaryedu.oerp.ir/article\\_78923.html?lang=en](https://noavaryedu.oerp.ir/article_78923.html?lang=en) [In Persian].

Özkaya, A. (2018). Bibliometric Analysis of the Studies in the Field of Mathematics Education. *Educational Research and Reviews*, 13(22), 723-734.  
<https://doi.org/10.5897/ERR2018.3603>

Phan, T. T., Do, T. T., Trinh, T. H., Tran, T., Duong, H. T., Trinh, T. P. T., Do, B. C., & Nguyen, T. (2022). A Bibliometric Review on Realistic Mathematics Education in Scopus Database between 1972-2019. *European Journal of Educational Research*, 11(2), 1133-1149.  
<https://doi.org/10.12973/eu-jer.11.2.1133>

Putra, F. G., Lengkana, D., Sutiarso, S., Nurhanurawati, N., Saregar, A., Diani, R., ... & Umam, R. (2023). Mathematical representation: A bibliometric mapping of the research literature (2013–2022). *Infinity Journal*, 13(1), 1-26. <https://doi.org/10.22460/infinity.v13i1.p1-26>

Rachamani, A., Nowkarizi, M., & Sharif, A. (2018). Investigating the Quantitative Status of Theses and Dissertations in Humanities with an Islamic Approach at Ferdowsi University of Mashhad in 1984-2014. *Scientometrics Research Journal*, 4(8), 161-183.  
<https://doi.org/10.22070/rsci.2018.641> [In Persian].

Rahimi, S., Soheili, F., & Sharifi, N. (2022). Knowledge structure of iranian higher education studies based on co-word network analysis in ISC database. *Journal of higher education curriculum studies*, 12(24), 313-331.  
[https://www.icsajournal.ir/article\\_145791.html?lang=en](https://www.icsajournal.ir/article_145791.html?lang=en) [In Persian].

Saboury, A. A., Karami, L., & Pirhaghghi, M. (2015). Conventional and New Indicators for Scientometric. *Science Cultivation*, 06(1), 6-17.  
[https://www.sciencecultivation.ir/article\\_242347.html?lang=en](https://www.sciencecultivation.ir/article_242347.html?lang=en) [In Persian].

Sedighi, M. (2015). Using of co-word analysis method in mapping of the structure of scientific fields (case study: The field of Informetrics). *Iranian Journal of Information Processing and Management*, 30(2), 373-396. [https://jipm.irandoc.ac.ir/article\\_699297.html?lang=en](https://jipm.irandoc.ac.ir/article_699297.html?lang=en) [In Persian].

Siahaan, E. Y. S., Muhammad, I., Dasari, D., & Maharani, S. (2023). Research on critical thinking of pre-service mathematics education teachers in Indonesia (2015-2023): A bibliometric review. *Jurnal Math Educator Nusantara: Wahana Publikasi Karya Tulis Ilmiah Di Bidang Pendidikan Matematika*, 9(1), 34-50.  
<https://doi.org/10.29407/jmen.v9i1.19734>

Sohaili, F., Shaban, A., & Khase, A. (2016). Intellectual structure of knowledge in information behavior: A co-word analysis. *Human Information Interaction*, 2(4), 21-36.  
<https://hii.knu.ac.ir/article-1-2446-en.html> [In Persian].

Reotutar M. A. C. (2020). A Systematic Review on Graduate Mathematics Theses and Dissertations of State Universities and Colleges in Region I: A Basis for a Proposed Research Direction. *Universal Journal of Educational Research*, 8(12), 7915-7927.  
<https://doi.org/10.13189/ujer.2020.082580>

Ronau, R. N., Rakes, C. R., Bush, S. B., Driskell, S. O., Niess, M. L., & Pugalee, D. K. (2014). A survey of mathematics education technology dissertation scope and quality: 1968–2009. *American Educational Research Journal*, 51(5), 974-1006.  
<https://doi.org/10.3102/0002831214531813>

Yazdani K., Nejat, S., Rahimi-Movaghar, A., Ghalichee, L., & Khalili, M. (2015). Scientometrics: Review of Concepts, Applications, and Indicators. *Iranian Journal of Epidemiology*, 10(4), 78-88. <https://irje.tums.ac.ir/article-1-5292-en.html> [In Persian].